

**ТЕСТОВЫЕ ЗАДАНИЯ
ПО ДИСЦИПЛИНЕ «ФИЗИКА.МАТЕМАТИКА»
ДЛЯ СТУДЕНТОВ
СПЕЦИАЛЬНОСТЕЙ «ЛЕЧЕБНОЕ ДЕЛО,
ПЕДИАТРИЯ, СТОМАТОЛОГИЯ»**

Часть 1. Математика

I. Дифференциальное исчисление

1. Приращением аргумента называется:

- А. разность между двумя значениями аргумента;
- В. разность между двумя значениями функции;
- С. разность между значением функции и значением аргумента;
- Д. отношение двух значений аргумента.

2. Приращением функции называется:

- А. разность между двумя значениями аргумента;
- В. разность между двумя значениями функции;
- С. разность между значением функции и значением аргумента;
- Д. отношение двух значений функции.

3. Величина y называется ### переменной величины x , если каждому из тех значений, которые может принимать x , соответствует одно или несколько определённых значений y .

4. Величина y называется ... переменной величины x , если каждому из тех значений, которые может принимать x , соответствует одно или несколько определённых значений y .

- А. производной;
- В. первообразной;
- С. функцией;
- Д. аргументом.

5. Производная функции – это ...

- А. совокупность всех первообразных $F(x) + C$;

- B. предел, к которому стремится интегральная сумма
 $\sum_{k=0}^{n-1} f(\bar{x}_k) \Delta x_k$ при стремлении к нулю длины наибольшего частичного интервала Δx_k ;
- C. предел отношения приращения функции к приращению ее аргумента при стремлении последнего к нулю $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$;
- D. предел отношения приращения аргумента к приращению функции при стремлении аргумента к нулю $\lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta y}$.

6. Производная произведения двух функций

- A. $(u \cdot v)' = u' \cdot v + u \cdot v'$;
- B. $(u \cdot v)' = u' \cdot v'$;
- C. $(u \cdot v)' = u' \cdot v - u \cdot v'$;
- D. $(u \cdot v)' = \frac{u' \cdot v - u \cdot v'}{v^2}$.

7. Выберите верную трактовку производной функции

- A. $y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$;
- B. $y' = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta x}{\Delta y}$;
- C. $y = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$;
- D. $y' = \lim_{\Delta x \rightarrow \infty} \frac{\Delta y}{\Delta x}$.

8. Найдите производную функции $y = x^7 \cdot \ln x$

A. $y' = 7x^6 \cdot \frac{1}{x};$

B. $y' = 7x^6 \cdot \ln x + x^7 \cdot \ln x;$

C. $y' = 7x^6 \cdot \ln x + x^7 \cdot \frac{1}{x};$

D. $y' = \frac{x^8}{8} \cdot \ln^2 x.$

9. Вычислите производную функции $y = 3x^2 + 4x - \sin x$

A. $y' = 3x + 4 - \cos x;$

B. $y' = 6x + 4 - \cos x;$

C. $y' = x^3 + 2x^2 + \cos x + C;$

D. $y' = 6x + 4 + \cos x.$

10. Геометрический смысл производной:

А. Площадь криволинейной трапеции;

В. Угловой коэффициент касательной к графику функции;

С. Семейство интегральных кривых;

Д. Криволинейная трапеция.

11. Физический смысл производной:

А. скорость изменения переменной y относительно переменной x в точке x_0 ;

Б. скорость изменения скорости изменения переменной y относительно переменной x в точке x_0

С. количественный анализ переменной величины;

Д. область изменения функции.

12. Правило нахождения производной частного:

- A. $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'}{v'};$
B. $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v - uv'}{v^2};$
C. $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u'v + uv'}{v^2};$
D. $\left(\frac{u}{v}\right)' = \frac{u}{v}.$

13. Правило нахождения производной разности:

- A. $(u - v)' = u - v;$
B. $(u - v)' = \frac{u'v - uv'}{v^2};$
C. $(u - v)' = u' \cdot v';$
D. $(u - v)' = u' - v'.$

14. Производная функции $y = x^n$ равна:

- A. $y' = nx^{n+1};$
B. $y' = nx^n;$
C. $y' = nx^{n-1};$
D. $y' = x^{n-1}.$

15. Производная функции $y = \ln x$ равна:

- A. $y' = \frac{1}{x};$

- B. $y' = e^x$;
C. $y' = x$;
D. $y' = \ln x$.

16. Производная функции $y = \log_a x$ равна:

- A. $y' = \frac{1}{x}$;
B. $y' = e^x$;
C. $y' = \frac{1}{x \ln a}$;
D. $y' = \ln x$.

17. Производная функции $y = 3^x$ равна:

- A. $y' = x 3^{x-1}$;
B. $y' = e^x$;
C. $y' = 3^x \ln 3$;
D. $y' = 3$.

18. Производная функции $y = \operatorname{tg} x$ равна:

- A. $y' = \frac{1}{\sin^2 x}$;
B. $y' = -\frac{1}{\sin^2 x}$;
C. $y' = \frac{1}{\cos^2 x}$;
D. $y' = -\frac{1}{\cos^2 x}$.

19. Производная функции $y = ctgx$ равна:

- A. $y' = \frac{1}{\sin^2 x}$;
- B. $y' = -\frac{1}{\sin^2 x}$;
- C. $y' = \frac{1}{\cos^2 x}$;
- D. $y' = -\frac{1}{\cos^2 x}$.

20. Производная функции $y = \cos x$ равна:

- A. $y' = \sin x$;
- B. $y' = -\cos x$;
- C. $y' = -\sin x$;
- D. $y' = -\frac{1}{\cos^2 x}$.

21. Производная функции $y = \sin x$ равна:

- A. $y' = \cos x$;
- B. $y' = -\cos x$;
- C. $y' = -\sin x$;
- D. $y' = -\frac{1}{\sin^2 x}$.

22. Производная функции $y = \sqrt{x}$ равна:

- A. $y' = -2\sqrt{x}$;
- B. $y' = 2\sqrt{x}$;
- C. $y' = -\frac{1}{2\sqrt{x}}$;

D. $y' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$.

23. Производная функции $y = c$, где $c = const$ равна:

A. $y' = c^2$;

B. $y' = cx^2$;

C. $y' = 0$;

D. $y' = cx$.

24. Производная функции $y = \arcsin x$ равна:

A. $y' = \frac{1}{1+x^2}$;

B. $y' = -\frac{1}{1+x^2}$;

C. $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$;

D. $y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$.

25. Производная функции $y = \arccos x$ равна:

A. $y' = \frac{1}{1+x^2}$;

B. $y' = -\frac{1}{1+x^2}$;

C. $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$;

D. $y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}$.

26. Производная функции $y = \arctgx$ равна:

- A. $y' = \frac{1}{1+x^2};$
- B. $y' = -\frac{1}{1+x^2};$
- C. $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}};$
- D. $y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}.$

27. Производная функции $y = \operatorname{arcctgx}$ равна:

- A. $y' = \frac{1}{1+x^2};$
- B. $y' = -\frac{1}{1+x^2};$
- C. $y' = \frac{1}{\sqrt{1-x^2}};$
- D. $y' = -\frac{1}{\sqrt{1-x^2}}.$

28. Производная функции $y = 2x^2 - 8x + 5$ равна:

- A. $y' = 4x - 8;$
- B. $y' = 4x^2 - 8x;$
- C. $y' = \frac{2x^3}{3} - \frac{8x^2}{2} + 5x;$
- D. $y' = 4x + 5x.$

29. Производная функции $y = \frac{3}{x^2} + 3x^2 - \frac{x}{3}$ равна:

A. $y' = \frac{3}{x^3} + x^3 - \frac{x^2}{3};$

B. $y' = -\frac{3}{x} + 6x - \frac{x^2}{3};$

C. $y' = -\frac{6}{x^3} + 6x - \frac{1}{3};$

D. $y' = -\frac{3}{x^3} + 6x^2 - \frac{1}{3}.$

30. Вычислить $y'(1)$ функции $y = 7x^7 + 3x^2 - 4x - 10$:

A. $y'(1) = -10;$

B. $y'(1) = -4;$

C. $y'(1) = 51;$

D. $y'(1) = 6.$

31. Вычислить $y'(0)$ функции $y = 7x^7 + 3x^2 - 4x - 10$:

A. $y'(0) = -10;$

B. $y'(0) = -4;$

C. $y'(0) = 49;$

D. $y'(0) = 6.$

32. Производная функции $y = \frac{\ln x}{2x}$ равна:

A. $y' = \frac{1}{2x};$

B. $y' = \frac{1}{2x^2};$

C. $y' = \frac{2 - 2 \ln x}{4x^2};$

D. $y' = \frac{2 + 2 \ln x}{2x^2}.$

33. Производная функции $y = 2x \cos x$ равна:

A. $y' = 2 \cos x - 2x \sin x;$

B. $y' = 2 \cos x + 2x \sin x;$

C. $y' = 2 \sin x;$

D. $y' = -2 \sin x.$

34. Найдите производную функции $y = \frac{e^x}{x^2}.$

A. $y' = \frac{e^x}{2x};$

B. $y' = \frac{e^x}{x^4};$

C. $y' = \frac{e^x \cdot x^2 - e^x \cdot 2x}{x^4};$

D. $y' = \frac{e^x \cdot x^2 + e^x \cdot 2x}{x^4}.$

35. Найдите производную функции $y = \frac{\ln x}{\sin x}.$

A. $y' = \frac{1}{x \sin x};$

B. $y' = \frac{1}{x \cos x};$

C. $y' = \frac{\sin x - x \ln x \cos x}{x \sin^2 x};$

D. $y' = \frac{\ln x}{\cos x}.$

36. Как связаны между собой физические величины скорость v и путь x ?

A. скорость это вторая производная пути по времени

$$v = \frac{d^2x}{dt^2};$$

B. скорость это первая производная пути по времени

$$v = \frac{dx}{dt};$$

C. скорость это первая производная ускорения по времени

$$v = \frac{da}{dt};$$

D. скорость это вторая производная ускорения по времени

$$v = \frac{d^2a}{dt^2}.$$

37. Как связаны между собой физические величины ускорение a и путь x ?

A. ускорение это вторая производная пути по времени

$$a = \frac{d^2x}{dt^2};$$

B. ускорение это первая производная пути по времени

$$a = \frac{dx}{dt};$$

C. ускорение это первая производная пути по скорости

$$a = \frac{dx}{dv};$$

D. ускорение это вторая производная скорости по времени

$$a = \frac{d^2v}{dt^2}.$$

38. Рассмотрим сложную функцию $y = f(u(x))$. Тогда производная сложной функции имеет вид $y'(x) = f'(u) \cdot \dots$. Вставьте пропущенное выражение.

- A. x ;
- B. $u'(x)$;
- C. $u(x)$;
- D. $f(x)$.

39. Производная сложной функции $y = (4x + 2)^3$ равна:

- A. $y' = 3(4x + 2)^2$;
- B. $y' = 2(4x + 2)^2$;
- C. $y' = 12(4x + 2)^2$;
- D. $y' = 4(4x + 2)^3$.

40. Производная сложной функции $y = 3^{x^2}$ равна:

- A. $y' = 3^{x^2} \ln 3$;
- B. $y' = 3^{x^2} \ln 3 \cdot 2x$;
- C. $y' = 3^x \ln 3 \cdot 2x$;
- D. $y' = 3^{x^2} \cdot 2x$.

41. Производная третьего порядка функции $y = 3x^2$ равна:

- A. $y''' = 3$;
- B. $y''' = 6$;

C. $y''' = 6x$;

D. $y''' = 0$.

42. Производная какого порядка функции $y = 8x^2 + 3$ будет равна 0?

A. первого;

B. второго;

C. третьего;

D. четвёртого.

43. Производная второго порядка функции $y = 3x^2$ равна:

A. $y'' = 3$;

B. $y'' = 6$;

C. $y'' = 6x$;

D. $y'' = 3x$.

44. Производная второго порядка функции $y = \cos x$ равна:

A. $y'' = \sin x$;

B. $y'' = -\cos x$;

C. $y'' = -\sin x$;

D. $y'' = -\frac{1}{\cos^2 x}$.

45. Дифференциал аргумента представляет собой

A. $dy = f(x)\Delta x$;

B. $dx = f'(x)\Delta y$;

C. $dx = \Delta x$;

D. $dy = f'(x)dx$.

46. Дифференциал функции представляет собой

- A. $dy = f(x)\Delta x$;
 B. $dx = f'(x)\Delta y$;
 C. $dx = \Delta x$;
 D. $dy = f'(x)dx$.

47. Найдите дифференциал функции $y = x^2 + 2^x + \operatorname{tg} x$

- A. $dy = (2x + 2^x + \frac{1}{\cos^2 x})dx$;
 B. $dy = (\frac{x^3}{3} + 2^x + \operatorname{ctg} x)dx$;
 C. $dy = (2x + 2^x \ln 2 + \frac{1}{\cos^2 x})dx$;
 D. $y' = 2x + 2^x \ln 2 + \frac{1}{\cos^2 x}$.

48. Найдите дифференциал функции $y = (4x + 2)^3$

- A. $dy = 3(4x + 2)^2 dx$;
 B. $dy = 2(4x + 2)^2 dx$;
 C. $dy = 12(4x + 2)^2 dx$;
 D. $dy = 4(4x + 2)^3 dx$.

49. Найдите дифференциал функции $y = x^3 \cdot \sin x$

- A. $dy = (3x^2 \cdot \cos x)dx$;
 B. $dx = (3x^2 \cdot \cos x)dy$;
 C. $dy = (3x^2 \sin x + x^3 \cos x)dx$;
 D. $dx = (3x^2 \sin x + x^3 \cos x)dy$.

50. Найдите дифференциал функции $y = x^2 + e^x - \cos x$

A. $dy = (2x + e^x)dx$;

B. $dy = (\frac{x^3}{3} + e^x + \sin x)dx$;

C. $dy = (2x + e^x + \sin x)dx$;

D. $y' = 2x + e^x + \sin x$.

51. Частная производная функции $z = \cos xy$ по x имеет вид:

A. $\frac{\partial z}{\partial x} = -y \sin xy$;

B. $\frac{\partial z}{\partial x} = y \sin xy$;

C. $\frac{\partial z}{\partial x} = -x \sin xy$;

D. $\frac{\partial z}{\partial x} = x \sin xy$.

52. Частная производная функции $z = \cos xy$ по y имеет вид:

A. $\frac{\partial z}{\partial y} = -y \sin xy$;

B. $\frac{\partial z}{\partial y} = y \sin xy$;

C. $\frac{\partial z}{\partial y} = -x \sin xy$;

D. $\frac{\partial z}{\partial y} = x \sin xy$.

53. Полный дифференциал функции $z = x^2 + xy - y^2$ равен:

- A. $dz = 2xdx - 2ydy$;
- B. $dz = 2xdx + 2ydy$;
- C. $dz = (2x + y)dx - (x - 2y)dy$;
- D. $dz = (2x + y)dx + (x - 2y)dy$.

54. Полный дифференциал функции $z = 3^x + 2y$ равен:

- A. $dz = (3^x \ln 3 + 2)dx - 2dy$;
- B. $dz = 3^x \ln 3 dx + 2dy$;
- C. $dz = (3^x + 2)dx - (3^x + 2)dy$;
- D. $dz = (3^x \ln 3 + 2)dx + (3^x \ln 3 + 2)dy$.

55. Полный дифференциал функции двух переменных $z = f(x, y)$ имеет вид:

- A. $dz = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$;
- B. $dz = \frac{\partial z}{\partial x} dy + \frac{\partial z}{\partial y} dx$;
- C. $dz = \frac{\partial z}{\partial x} dx - \frac{\partial z}{\partial y} dy$;
- D. $dz = \frac{\partial z}{\partial x} dx + \frac{\partial z}{\partial y} dy$.

II. Интегральное исчисление

1. Для любой непрерывной функции всегда существует бесконечное множество первообразных;

- В. только одна первообразная;
С. две различных первообразных, которые отличаются знаком, стоящим перед первым слагаемым.
2. Совокупность всех первообразных функций $F(x) + C$ для данной функции $f(x)$, называется ...
А. определённым интегралом;
В. неопределённым интегралом;
С. производной.
3. Вставьте пропущенное слово. Функция $F(x)$ называется ... для функции $f(x)$, если выполняется равенство $F'(x) = f(x)$.
А. производной;
Б. интегралом;
С. первообразной;
Д. решением.
4. Вставьте пропущенное слово. Функция $F(x)$ называется ### для функции $f(x)$, если выполняется равенство $F'(x) = f(x)$.
5. Вставьте пропущенное слово. Функция $2x + 4$ для функции $x^2 + 4x$ является ###.
6. Закончите равенство $\int e^x dx = \dots$
А. $xe^{x-1} + C$;
Б. $x + C$;
С. $e^x + C$;

D. $\frac{x^{x+1}}{x+1} + C$.

7. Найдите общий вид первообразных $F(x)$ для функции
 $f(x) = x^3 + 3x^2$

A. $\frac{x^4}{4} + x^3$;

B. $3x^2 + 6x$;

C. $\frac{x^4}{4} + x^3 + C$;

D. $3x^2 + 6x + C$.

8. Укажите функцию, для которой $F(x) = x + \cos x$ является первообразной

A. $f(x) = 1 + \sin x$;

B. $f(x) = x + \sin x$;

C. $f(x) = \frac{x^2}{2} + \sin x$;

D. $f(x) = 1 - \sin x$.

9. Какая из данных функций не является первообразной для функции $f(x) = e^x + 1$?

A. $F(x) = e^x + x + 3$;

B. $F(x) = x + e^x - 0,2$;

C. $F(x) = 1 + e^x + x^2$;

D. $F(x) = e^x + 2x + 3$.

10. Для функции $f(x) = 5x^4 - 3x^2 + 1$ найдите её первообразную $F(x)$, если $F(2) = 20$

- A. $F(x) = 5x^5 - 3x^3 + x - 2$;
- B. $F(x) = x^5 - x^3 + x - 6$;
- C. $F(x) = -x^5 + 3x^3 - x + 1$;
- D. $F(x) = x^5 - x^3 + x + 6$.

11. Дана функция $f(x) = x + 3$. Известно, что $F(-2) = 1$, где $F(x)$ - первообразная функции. Найдите $F(-1)$.

- A. 2,5;
- B. 1;
- C. -2,5;
- D. 5.

12. Для функции $f(x) = -10 + x^2$ найдите первообразную, график которой проходит через точку $M(4; -15)$.

- A. $F(x) = -10x + \frac{x^3}{3} - 1$;
- B. $F(x) = 9 - 10x + \frac{x^3}{3}$;
- C. $F(x) = 39 - 10x + \frac{x^3}{3}$;
- D. $F(x) = \frac{11}{3} - 10x + \frac{x^3}{3}$.

13. Неопределённым интегралом от функции $f(x)$ называется

- A. первообразная функции $f(x)$;
- B. функция, производная которой равна функции $f(x)$;
- C. множество всех первообразных;
- D. площадь криволинейной трапеции, ограниченной сверху функцией $f(x)$.

14. Неопределённый интеграл от функции $f(x)$ это -

- A. $\int f(x)dx = F(x) + C$;
- B. $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = F(x) + C$;
- C. $\int f(x)dx = F'(x)$;
- D. $\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a)$.

15. Геометрически неопределённый интеграл представляет собой ...

- A. площадь криволинейной трапеции;
- B. семейство интегральных кривых;
- C. криволинейную трапецию;
- D. угловой коэффициент касательной к графику функции.

16. Закончите равенство. Одно из основных свойств неопределённого интеграла $\int Cf(x)dx = \dots$

- A. $\int f(x)dx$;
- B. $C \int f(x)dx$;

C. $Cx \int f(x) dx$;

D. 0.

17. Закончите равенство. Одно из основных свойств неопределённого интеграла $\int dF(x) = \dots$

A. $F(x)$;

B. $F(x) + C$;

C. $d \int F(x)$;

D. 1.

18. Одно из основных свойств неопределённого интеграла $\int (f_1(x) + f_2(x) + \dots + f_n(x)) dx = \dots$ Закончите равенство.

A. $\int (f_1(x) \cdot f_2(x) \cdot \dots \cdot f_n(x)) dx$;

B. $\int f_1(x) dx + \int f_2(x) dx + \dots + \int f_n(x) dx$;

C. $f_1(x) + f_2(x) + \dots + f_n(x)$;

D. $\int f_1(x) dx \cdot \int f_2(x) dx \cdot \dots \cdot \int f_n(x) dx$.

19. Закончите равенство $\int \frac{dx}{\cos^2 x} = \dots$

A. $\frac{1}{\sin^2 x} + C$;

B. $-ctgx + C$;

C. $\operatorname{tg} x + C$;

D. $-\frac{1}{\sin^2 x} + C$.

20. Закончите равенство $\int \frac{dx}{\sin^2 x} = \dots$

- A. $\frac{1}{\sin^2 x} + C$;
- B. $-\operatorname{ctgx} x + C$;
- C. $\operatorname{tgx} x + C$;
- D. $-\frac{1}{\sin^2 x} + C$.

21. Закончите равенство $\int dx = \dots$

- A. $x + C$;
- B. 0;
- C. C ;
- D. $1 + C$.

22. Закончите равенство $\int \frac{dx}{x} = \dots$

- A. $\frac{1}{x^2} + C$;
- B. $-\frac{1}{x^2} + C$;
- C. $\ln|x| + C$;
- D. $\log_a x + C$.

23. Закончите равенство $\int \sin x dx = \dots$

- A. $-\cos x + C$;
- B. $\frac{1}{\sin^2 x} + C$;
- C. $\cos x + C$;

D. $\frac{1}{\cos^2 x} + C$.

24. Закончите равенство $\int \cos x dx = \dots$

- A. $-\sin x + C$;
B. $\frac{1}{\sin^2 x} + C$;
C. $\sin x + C$;
D. $\frac{1}{\cos^2 x} + C$.

25. Закончите равенство $\int x^n dx =$

- A. $\frac{x^{n+1}}{n+1} + C$;
B. $\ln x + C$;
C. $nx^{n-1} + C$;
D. $nx^{n+1} + C$.

26. Закончите равенство $\int 2^x dx =$

- A. $\frac{2^{x+1}}{x+1} + C$;
B. $2^x + C$;
C. $x2^{x-1} + C$;
D. $\frac{2^x}{\ln 2} + C$.

27. Закончите равенство $\int \frac{dx}{1+x^2} =$

- A. $\arcsin x + C$;
- B. $\arccos x + C$;
- C. $\arctgx + C$.

28. Закончите равенство $\int \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} =$

- A. $\arcsin x + C$;
- B. $\arcctgx + C$;
- C. $\arctgx + C$.

29. Закончите равенство $\left(\int f(x)dx \right)' = \dots :$

- A. $f(x)$;
- B. $F(x) + c$;
- C. $f'(x)$;
- D. $\int f(x)dx$.

30. Вычислите интеграл $\int (e^x + 3x^2 + \sin x)dx$:

- A. $e^x + x^3 - \cos x + C$;
- B. $e^x + x^3 + \cos x + C$;
- C. $x^3 - \cos x + C$;
- D. $e^x + 6x - \cos x + C$.

31. Вычислите интеграл $\int (3^x - 1)dx$:

- A. $3^x \ln 3 - x + C$;
- B. $\frac{3^x}{\ln 3} - x + C$;
- C. $\frac{3^x}{\ln 3} + C$;

D. $3^x \ln 3 + C$.

32. Вычислите интеграл $\int \frac{3x^4 + x^2 - x}{x^2} dx$:

A. $x^3 + x - \ln x$;

B. $\frac{x^3 + x - \ln x}{x}$;

C. $\frac{\frac{3}{5}x^5 + \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}x^2}{x^3} + C$;

D. $x^3 + x - \ln x + C$.

33. Для какой функции функция $F(x) = \frac{4^x}{\ln 4}$ является первообразной?

A. $f(x) = x^4$;

B. $f(x) = 4^x$;

C. $f(x) = \ln 4$;

D. $f(x) = \frac{4^x}{\ln 4}$.

34. Для какой функции функция $F(x) = \ln x$ является первообразной?

A. $f(x) = \frac{1}{\ln x}$;

B. $f(x) = e^x$;

C. $f(x) = \ln x$;

D. $f(x) = \frac{1}{x}$.

35. Для какой функции функция $F(x) = e^x - x + 2x^2$ является первообразной?

A. $f(x) = e^x - \frac{x^2}{2} + \frac{2x^3}{3}$;

B. $f(x) = e^x - 1 + x^3$;

C. $f(x) = e^x - 1 + 4x$;

D. $f(x) = e^x + 1 + 4x$.

36. Какой из методов применим для решения интеграла $\int (3x^5 + 10^x)dx$?

A. метод замены переменной;

B. метод интегрирования по частям;

C. метод непосредственного интегрирования;

D. верного ответа нет.

37. Какой из методов применим для решения интеграла $\int x \sin x^2 dx$?

A. метод замены переменной;

B. метод интегрирования по частям;

C. метод непосредственного интегрирования;

D. верного ответа нет.

38. Интегрирование – это ...

A. операция нахождения производной по заданной функции;

B. операция нахождения первообразной по заданной производной или дифференциалу;

С. верного ответа нет.

39. Укажите целесообразную подстановку для отыскания интеграла $\int \frac{x}{(x+3)^2} dx$.

- A. $t = (x+3)^2$;
- B. $t = x$;
- C. $t = x+3$;
- D. $t = \frac{1}{(x+3)^2}$.

40. Укажите целесообразную подстановку для отыскания интеграла $\int \frac{\sqrt{1+\ln x}}{x} dx$.

- A. $t = 1 + \ln x$;
- B. $t = \ln x$;
- C. $t = \sqrt{1 + \ln x}$;
- D. $t = \frac{1}{x}$.

41. Определённый интеграл – это ...

- A. совокупность всех первообразных $F(x) + C$;
- B. предел, к которому стремится интегральная сумма $\sum_{k=0}^{n-1} f(\bar{x}_k) \Delta x_k$ при стремлении к нулю длины наибольшего частичного интервала Δx_k ;
- C. предел отношения приращения функции к приращению её аргумента при стремлении последнего к нулю $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\Delta y}{\Delta x}$;

D. верного ответа нет.

42. Определённый интеграл от функции $f(x)$ это ...

A. $\int f(x)dx = F(x) + C ;$

B. $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = F(x) + C ;$

C. $\int f(x)dx = F'(x) ;$

D. $\int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a) .$

43. Графически определённый интеграл представляет собой...:

A. площадь криволинейной трапеции;

B. семейство интегральных кривых;

C. криволинейную трапецию;

D. угловой коэффициент касательной к графику функции.

44. Формула Ньютона-Лейбница для нахождения определённого интеграла имеет вид:

A. $\int_a^b f(x)dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) - F(a) ;$

B. $\int_a^b f(x)dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) + F(a) ;$

C. $\int_a^b f(x)dx = F(x) \Big|_a^b = F(a) - F(b) ;$

D. $\int_a^b f(x)dx = F(x) \Big|_a^b = F(b) - F(a)$.

45. Какие из свойств определённого интеграла верные?

A. $\int_a^b f(x)dx = -\int_b^a f(x)dx$;

B. $\int_a^b f(x)dx = -\int_a^b f(x)dx$;

C. $\int_a^b cf(x)dx = c \int_a^b f(x)dx$;

D. $\int_a^b f(x)dx = \int_a^c f(x)dx + \int_c^b f(x)dx$.

46. Какие из свойств определённого интеграла верные?

A. $\int_a^b cf(x)dx = c \int_b^a f(x)dx$;

B. $\int_a^b cf(x)dx = c \int_a^b f(x)dx$;

C. $\int_a^b f(x)dx = -\int_b^a f(x)dx$;

D. $\int_a^a f(x)dx = 1$.

47. Вычислите интеграл $\int_1^3 x^2 dx$.

- A. 9;
- B. $8\frac{2}{3}$;
- C. 8;
- D. 0.

48. Вычислите интеграл $\int_{-1}^1 (4x^3 + 1)dx$.

- A. 9;
- B. 2;
- C. 8;
- D. 0.

49. Вычислите интеграл $\int_{-1}^1 (2x + 3)dx$.

- A. 6;
- B. 2;
- C. 8;
- D. 0.

50. Вычислите интеграл $\int_1^2 (4 - 3x)dx$.

- A. -9;
- B. -3,5;
- C. -0,5;
- D. 1.

51. При каком значении a верно равенство $\int_a^{a+2} 3xdx = 12$?

- A. 1;

- B. 4;
- C. -1;
- D. 0.

52. Вычислите интеграл $\int_0^1 (2x+3)dx$.

- A. -2;
- B. 5;
- C. 4;
- D. 0.

53. Для определённого интеграла $\int_0^\pi e^{\cos x} \sin x dx$

Целесообразно сделать подстановку $t = \cos x$.

При этом пределы нового интеграла будут...

- A. $a = 1, b = -1$;
- B. $a = 0, b = 1$;
- C. $a = 1, b = 0$;
- D. $a = -1, b = -1$.

54. Вычислить интеграл $\int_0^\pi \sin x dx$

- A. 0;
- B. -1;
- C. 2;
- D. -2.

55. Вычислить интеграл и запишите результат цифрой

$$\int_0^\pi \sin x dx$$

III Дифференциальные уравнения

1. Вставьте пропущенное слово. Решением дифференциального уравнения является ###, которая при подстановке в уравнение обращает его в тождество.

2. Вставьте пропущенное слово. Решением дифференциального уравнения является ..., которая при подстановке в уравнение обращает его в тождество.

- A. Переменная;
- B. Функция;
- C. Производная;
- D. Константа.

3. Для какого из перечисленных дифференциальных уравнений функция $y = x^3 + 2x$ является решением:

- A. $y' = x^2 + 2$;
- B. $y' = \frac{x^4}{4} + 2$;
- C. $y' = 3x^2 + 2$;
- D. $y' = 3x^3 + x^2$.

4. Решением дифференциального уравнения $(x+2) - y' = 0$ является функция:

- A. $y = x^2 + 2$;

B. $y = \frac{x^2}{2} + 2x + C$;

C. $y = 3x^2 + 2$;

D. $y = \frac{x^2}{4} + x + C$.

5. Решением дифференциального уравнения $y'' = 5$ является функция:

A. $y = \frac{5}{2}x^2 + C$;

B. $y = \frac{5}{2}x^2 + C_1x$;

C. $y = \frac{5}{2}x^2 + C_1x + C_2$;

D. $y = \frac{5}{2}x^2 + C_1 + C_2$.

6. Решением дифференциального уравнения $y'' = \sin x$ является функция:

A. $y = \cos x + C$;

B. $y = -\sin x + C_1x$;

C. $y = \sin x + C_1x + C_2$;

D. $y = -\sin x + C_1x + C_2$.

7. Решением дифференциального уравнения $y' = 5e^x$ является функция:

A. $y = 5e^x + C$;

B. $y = \frac{5}{2}e^x + C$;

C. $y = 5e^x + C_1x + C_2$;

D. $y = 5e^x$.

8. Процесс решения дифференциального уравнения называется?

- A. Дифференцированием;
- B. Вычислением;
- C. Построением;
- D. Интегрированием.

9. Процесс решения дифференциального уравнения называется? ###

10. Порядок или степень дифференциального уравнения определяется...

- A. По наивысшему порядку производной функции;
- B. По наивысшей степени функции;
- C. По наивысшей степени аргумента;
- D. По количеству слагаемых уравнения.

11. Укажите среди перечисленных дифференциальные уравнения второго порядка:

A. $\frac{d^2y}{dx^2} + y = x \cdot \sin x$;

B. $\frac{y^2}{2} + x = x \cdot \sin x$;

C. $\frac{dy}{dx} + x^2 = \sin x$;

D. $y'' + xy' = \sin x$.

12. Укажите среди перечисленных дифференциальные уравнения второго порядка:

A. $\frac{d^2y}{dx^2} + \frac{dy}{dx} = 1 + e^x;$

B. $\frac{y^2}{2} + x = 1 + e^{2x};$

C. $\frac{dy}{dx} + x^2 = 1 + e^x;$

D. $y'' = xy' + 1 + e^x.$

13. Линейное однородное дифференциальное уравнение второго порядка с постоянными коэффициентами имеет вид:

A. $py' + qy = 0;$

B. $y'' + py' + qy = f(x);$

C. $y'' + py' + qy = 0;$

D. $y^2 + py' + qy = f(x).$

14. Если характеристическое уравнение, имеет два различных корня, то общее решение линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами имеет вид:

A. $y = C_1 e^{k_1 x} + C_2 e^{k_2 x};$

B. $y = e^{k_1 x} + e^{k_2 x};$

C. $y = C_1 + e^{k_1 x} + C_2 + e^{k_2 x};$

D. $y = C_1 e^x + C_2 e^x.$

15. Если характеристическое уравнение, имеет два одинаковых корня, то общее решение линейного однородного дифференциального уравнения второго порядка с постоянными коэффициентами имеет вид:

- A. $y = e^{k_1 x} (C_1 + C_2)$;
- B. $y = e^{k_1 x} (C_1 + C_2 x)$;
- C. $y = e^{k_1 x} (C_1 x + C_2 x)$;
- D. $y = e^{k_1} (C_1 + C_2 x)$.

16. Вставьте пропущенное слово. Уравнение $y'' + py' + qy = 0$ называется линейным ### дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами.

17. Вставьте пропущенное слово. Уравнение $y'' + py' + qy = 0$ называется линейным ... дифференциальным уравнением второго порядка с постоянными коэффициентами.

- A. Неоднородным;
- B. Однородным;
- C. Квадратным;
- D. Характеристическим.

18. Общим решением дифференциального уравнения $y' = 5x$ является функция

- A. $y = \frac{5x^2}{2}$;
- B. $y = 5$;
- C. $y = \frac{x^2}{2} + C$;

D. $y = \frac{5x^2}{2} + C$.

19. Является ли функция $y = \frac{5x^2}{2} + 4$ решением дифференциального уравнения $y' = 5x$?

- A. Да;
B. Нет;

20. Является ли функция $y = x^3 + 2$ решением дифференциального уравнения $y' = 3x^2 + 2$?

- A. Да;
B. Нет;

21. Функция $y = \ln|x| + 3$ для дифференциального уравнения $xy' = 1$...

- A. является общим решением;
B. является частным решением;
C. не является решением;

22. Решение дифференциального уравнения, отображающего закон размножения бактерий с течением

времени $\frac{dx}{dt} = kx$, имеет вид:

- A. $x = \cos(\omega t + \omega_0)$;
B. $x = \ln \frac{t}{t_0}$;
C. $x = kt$;
D. $x = x_0 e^{kt}$.

23. Закон растворения лекарственных форм вещества из таблеток представленный в виде дифференциального уравнения имеет вид:

A. $\frac{dm}{dt} = km;$

B. $dm = -kt;$

C. $\frac{dm}{dt} = -km;$

D. $\frac{dm}{dt} = e^{-km}.$

24. Закон разрушения клеток в звуковом поле представленный в виде дифференциального уравнения, где N – концентрация клеток, имеет вид:

A. $\frac{dN}{dt} = -RN;$

B. $\frac{dN}{dt} = RN;$

C. $dN = -RN;$

D. $\frac{N}{t} = -RN.$

25. Закон радиоактивного распада радия, представленный в виде дифференциального уравнения, имеет вид:

A. $x = \cos(\omega t + \omega_0);$

B. $x = \ln \frac{t}{t_0};$

C. $x = -kt;$

D. $x = Ce^{-kt}.$

IV. Теория вероятности

1. Теория вероятности – это ...

- A. наука, которая занимается сбором, систематизацией и обработкой опытных данных;
- B. наука, занимающаяся изучением закономерностей массовых случайных явлений.

2. Какое событие называется несовместимым

- A. если оно не может не произойти в условиях данного опыта или явления.
- B. если при двух событиях наступление одного из них исключает возможность наступления другого.
- C. два события, одно из которых обязательно должно произойти, причём наступление одного исключает возможность наступления другого.

3. Если события A и B противоположные, то $P(A + B)$ равна:

- A. $P(A) + P(B) = 1$;
- B. $P(A) + P(B) - P(A)P(B)$;
- C. $P(A)P(B)$;
- D. $P(A) + P(B) + P(AB)$.

4. Если события A и B несовместимые, то $P(A + B)$ равна:

- A. $P(A) + P(B)$;
- B. $P(A) + P(B) - P(A)P(B)$;
- C. $P(A)P(B)$;
- D. $P(A) + P(B) + P(AB)$.

5. В каких границах может находиться вероятность появления случайного события A :

- A. $0 \leq P(A) \leq 1$;
- B. $P(A) > 1$;
- C. $0 < P(A) < 1$;
- D. $P(A) < 0$.

6. Случайное событие, это такое событие

- A. причины которого неизвестны;
- B. если условия в которых оно происходит, различны;
- C. закономерности которого не поддаются наблюдению;
- D. которое при совокупности одних и тех же условий может произойти, а может не произойти.

7. Случайные события обозначаются

- A. числами от 0 до 1;
- B. большими буквами;
- C. малыми буквами.

8. Событие называется достоверным,

- A. если вероятность его близка к единице;
- B. если при заданном комплексе факторов оно может произойти;
- C. если при заданном комплексе факторов оно обязательно произойдёт;
- D. если вероятность события не зависит от причин, условий, испытаний.

9. Событие, которое при заданном комплексе факторов не может осуществиться называется:

- A. несовместным;
- B. независимым;
- C. невозможным;
- D. противоположным.

10. События называются несовместными, если
- А. в данном опыте они могут появиться все вместе;
 - Б. сумма вероятностей их равна единице;
 - С. хотя бы одно из них не может появиться одновременно с другим;
 - Д. в одном и том же опыте появление одного из них исключает появление других событий.
11. Несколько событий в данном опыте называются равновозможными,
- А. если при заданном комплексе факторов они произойдут;
 - Б. если есть основание считать, что ни одно из этих событий не является более возможным чем другое и появление одного из них исключает появление другого.
 - С. если есть основание считать, что ни одно из этих событий не является более возможным чем другое.
12. Два события называются противоположными
- А. если они равновозможные и в сумме составляют достоверное событие;
 - Б. если они несовместны и в сумме составляют достоверное событие;
 - С. если они два единственno возможных события, образующих полную группу событий;
 - Д. если они взаимно исключают друг друга.
13. Событие называется случайным
- А. если при заданном комплексе факторов оно может произойти;
 - Б. если вероятность его близка к единице;
 - С. если при заданном комплексе факторов оно обязательно произойдёт;

D. если вероятность события не зависит от причин, условий, испытаний.

14. Несовместимые и единственно возможные события – это ...

- A. невозможные события;
- B. полная группа событий;
- C. противоположные события;
- D. независимые события.

15. События составляют полную группу, если

- A. они несовместимы и сумма их вероятностей равна единице;
- B. при одном испытании появление одного из них исключает появление других событий;
- C. хотя бы одно из них не может появиться одновременно с другим;
- D. при одном испытании они могут появиться все вместе.

16. Два события называются несовместимыми, ...

- A. если они взаимно исключают друг друга;
- B. если сумма их вероятностей равна единице;
- C. если они равновозможные и в сумме составляют достоверное событие;
- D. верного ответа нет.

17. Суммой, (объединением) нескольких случайных событий называется

- A. событие, состоящее в появлении любого из этих событий;
- B. событие, состоящее в появлении всех указанных событий;

С. событие, состоящее в появлении хотя бы одного из этих событий;

Д. событие, состоящее в появлении одного из этих событий.

18. Произведением, совмещением, нескольких событий называется

А. событие, состоящее в осуществлении любого из этих событий;

В. событие, состоящее в появлении хотя бы одного из этих событий;

С. событие, состоящее в последовательном появлении всех этих событий;

Д. событие, состоящее в осуществлении одновременно всех этих событий.

19. Вероятность совместного наступления двух независимых событий определяется как

А. сумма их вероятностей;

Б. разность их вероятностей;

С. произведение их вероятностей;

Д. среднее значение их вероятностей.

20. Вероятность наступления одного из нескольких несовместных случайных событий (все равно какого) определяется как

А. сумма их вероятностей;

Б. разность их вероятностей;

С. произведение их вероятностей;

Д. среднее значение их вероятностей.

21. Значение вероятности случайного события

А. лежит в интервале от -1 до +1;

- В. лежит в интервале от 0 до 1;
С. положительное число;
Д. отрицательное число.
22. Может ли относительная частота наступления случайного события в серии экспериментов оказаться больше, чем его вероятность?
- А. да, может;
В. нет, не может;
С. может в результате ошибки экспериментатора.
23. Перестаёт ли событие быть случайным, если оно уже происходило?
- А. да;
В. нет.
24. Случайным событием является:
- А. лечение пациента прошло эффективно;
Б. на приём к врачу пришло 3 пациента;
С. положительный исход операции;
Д. артериальное давление человека равно 165/110 мм.рт.ст.
25. Из определений относительной частоты и вероятности случайного события следует:
- А. относительная частота равна вероятности случайного события;
Б. относительная частота приблизительно равна вероятности случайного события при небольшом числе испытаний;
С. относительная частота приблизительно равна вероятности случайного события при большом числе испытаний.

26. Теорема сложения формулируется для:
- А. достоверных событий;
 - В. несовместимых событий;
 - С. независимых событий;
 - Д. невозможных событий.
27. Вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий больше вероятности каждого отдельного события.
- А. верно;
 - Б. неверно.
28. Вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий равна произведению их вероятностей.
- А. верно;
 - Б. неверно.
29. Не является случайным событие:
- А. рождение девочки;
 - В. закат солнца;
 - С. температура тела человека равна $38,2^{\circ}\text{C}$;
 - Д. положительный исход операции.
30. Испытание - это...
- А. процесс многократно повторяющийся;
 - В. результат процесса многократно повторяющегося;
 - С. отношение количества повторений процесса к количеству результатов процесса.
31. Теорема умножения формулируется для:
- А. несовместимых событий;
 - В. независимых событий;

- C. достоверных событий;
- D. невозможных событий.

32. Классическое определение вероятности состоит в том, что вероятность события есть ...

- A. отношение общего числа исходов к числу исходов, благоприятствующих событию A ;
- B. отношение числа благоприятствующих этому событию исходов, которые могут быть совместны и равновозможны, к общему числу всех возможных исходов;
- C. отношение числа благоприятствующих этому событию исходов к общему числу всех равновозможных элементарных исходов, образующих полную группу событий.

33. Не является случайным событие:

- A. подбрасывание игрального кубика;
- B. восход солнца;
- C. звонок в данную минуту по телефону;
- D. положительный исход операции.

34. Будет ли сумма противоположных событий составлять полную группу?

- A. да;
- B. нет.
- C. зависит от природы случайных событий.

35. Событие A называется независимым от события B , если

- A. вероятность события B зависит от того, произошло событие A или нет;
- B. вероятность события A не зависит от того, произошло событие B или нет;

С. вероятность события B не зависит от того, произошло событие $A \cdot B$ или нет.

36. Несколько событий образуют полную группу, если они
А. попарно независимы и в сумме составляют достоверное событие;

Б. попарно несовместны и в сумме составляют достоверное событие;

С. попарно противоположными и в сумме составляют достоверное событие;

Д. попарно несовместны и в сумме составляют невозможное событие.

37. Если случайные события образуют полную группу, то сумма их вероятностей

А. лежит между 0 и 1;

Б. близка к 1;

С. равна 1;

Д. равна 0.

38. Установите соответствие: 1) Достоверное событие, 2) Случайное событие, 3) Невозможное событие:

А. $P = 0$;

Б. $P = 1$;

С. $0 < P < 1$.

39. Вероятность произведения двух независимых событий равна

А. произведению вероятности одного из событий на условную вероятность второго;

Б. произведению вероятности одного из событий на вероятность второго события;

С. произведению вероятности одного из событий на условную вероятность этого же события, при условии, что второе имело место.

40. Укажите, какие из перечисленных событий достоверные:

- А. «два попадания при трёх выстрелах»;
- В. «появление не более 18 очков при бросании трёх игральных костей»;
- С. «наугад выбранное трёхзначное число не больше 1000»;
- Д. «из ящика с белыми шарами достают белый шар»;
- Е. «три попадания при двух выстрелах».

41. Сумма двух событий A и B - достоверное событие, произведение этих событий невозможное событие. Эти два события являются:

- А. противоположными;
- В. зависимыми;
- С. совместимыми.

42. По какой формуле вычисляется вероятность противоположного события \bar{A} , если известна вероятность $P(A)$ события A ?

- А. $P(\bar{A}) = 1 + P(A)$;
- Б. $P(\bar{A}) = P(A) \cdot P(\bar{A} \cdot A)$;
- С. $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$.

43. Вероятность суммы двух несовместимых событий A и B равна

- А. $P(A) + P(B) - P(AB)$;
- Б. $P(A) + P(B) - P(A / B)$;

C. $P(A) \cdot P(B) + P(A/B)$;

D. $P(A) + P(B)$.

44. Вероятность суммы двух совместимых событий A и B равна

A. $P(A) + P(B) - P(AB)$;

B. $P(A) + P(B) - P(A/B)$;

C. $P(A) \cdot P(B) + P(A/B)$;

D. $P(A) + P(B)$.

45. Вероятность появления хотя бы одного из событий A_1, A_2, \dots, A_n , независимых друг от друга, равна

A. $1 - (P(A_1) \cdot P(A_2) \cdot \dots \cdot P(A_n))$;

B. $1 - (P(A_1) \cdot P(A_2 / A_1) \cdot \dots \cdot P(A_n / A_{n-1}))$;

C. $1 - (P(\bar{A}_1) \cdot P(\bar{A}_2) \cdot \dots \cdot P(\bar{A}_n))$.

46. Безусловной вероятностью события A называется

A. вероятность события A , вычисленная при условии, что вероятность события B приняла определённое значение;

B. вероятность события A , вычисленная при условии, что имело место другое событие B ;

C. вероятность события A , вычисленная при условии совместного появления события A и B ;

D. вероятность события A , вычисленная без дополнительных условий.

47. Можно ли теорему умножения записать в виде:

$$P(A \cdot B) = P(A) \cdot P(B) = P(B) \cdot P(A) ?$$

A. да;

B. нет;

С. можно только в случае независимости события A от события B .

48. Будет ли вероятность суммы несовместимых событий равна единице?

- А. зависит от природы случайных событий;
- В. да;
- С. нет;
- Д. зависит от числа случайных событий.

49. Если событие невозможное, то вероятность

- А. лежит между 0 и 1;
- Б. равна 0;
- С. близка к 1;
- Д. равна 1.

50. Чему равна вероятность достоверного события? ###
(Ответ указать цифрой)

51. Чему равна вероятность невозможного события? ###
(Ответ указать цифрой)

52. Относительной частотой случайного события A называется величина, равная

- А. отношению числа случаев, благоприятствующих событию A к общему числу равновозможных, несовместных событий;
- Б. пределу, к которому стремится отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний при неограниченном увеличении их количества;
- С. отношению числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний;

D. отношению общего числа испытаний к числу испытаний, в которых реализуется событие A .

53. Укажите классическое определение вероятности случайного события A :

A. отношение числа случаев, благоприятствующих событию A к общему числу равновозможных, несовместных событий;

B. предел, к которому стремится отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний при неограниченном увеличении их количества;

C. отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний;

D. отношение общего числа испытаний к числу испытаний, в которых реализуется событие A .

54. Укажите статистическое определение вероятности случайного события A :

A. отношение числа случаев, благоприятствующих событию A к общему числу равновозможных, несовместных событий;

B. предел, к которому стремится отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний при неограниченном увеличении их количества;

C. отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний;

D. отношение общего числа испытаний к числу испытаний, в которых реализуется событие A .

55. Укажите диапазон значений, которые может принимать вероятность случайного события A :

- A. $-1 < P(A) < 0$;
- B. $0 \leq P(A) \leq 1$;
- C. $0 \leq P(A) \leq 100$;
- D. $0 < P(A) < 1$.

56. Случайным событием называется событие, которое...

- A. происходит при проведении серии испытаний;
- B. может произойти или не произойти при многократном повторении испытаний;
- C. не может произойти при проведении серии испытаний;
- D. обязательно происходит при проведении каждого из серии испытаний.

57. Укажите формулировку теоремы сложения вероятностей:

- A. вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий равна произведению их вероятностей;
- B. вероятность совместного появления независимых событий равна произведению их вероятностей;
- C. вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий равна сумме их вероятностей;
- D. вероятность совместного появления независимых событий равна сумме их вероятностей.

58. Укажите формулировку теоремы умножения вероятностей:

- A. вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий равна произведению их вероятностей;

- B. вероятность совместного появления независимых событий равна произведению их вероятностей;
- C. вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий равна сумме их вероятностей;
- D. вероятность совместного появления независимых событий равна сумме их вероятностей.

59. Какая из формул нахождения вероятности произведения независимых событий верна?

- A. $P(ABC) = P(A)P(B)P(C)$;
- B. $P(ABC) = P(A)P(B/A)P(C/B)$;
- C. $P(ABC) = P(A)P(B)P(C/AB)$.

60. Статистика показывает, что вероятность рождения мальчика равна 0,516. Какова вероятность того, что новорождённый ребёнок окажется девочкой?

- A. $P=0,50$;
- B. $P=0,484$;
- C. $P=1$;
- D. $P=0$.

61. На приёме у участкового врача в течение недели побывало 35 пациентов, из которых 5 пациентам был поставлен диагноз – язва желудка. Определите относительную частоту появления на приёме пациента с заболеванием желудка.

- A. 0,02;
- B. 0,7;
- C. 5/35;
- D. 7.

62. Укажите классическое определение вероятности наступления события A :

А отношение числа случаев, благоприятствующих событию A , к общему числу равновозможных несовместных событий;

В отношение общего числа испытаний к числу испытаний, в которых реализуется событие A ;

С предел, к которому стремится отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний при неограниченном увеличении их количества;

Д отношение числа испытаний, в которых реализуется событие A , к общему числу испытаний.

63. Определите вероятность выпадения чётного числа очков при бросании игральной кости.

А. 1/6;

Б. 0,6;

С. 2/6;

Д. 0,5.

64. Может ли вероятность события равной «-0,1»?

А да;

Б. нет.

65. Если события A и B – зависимые, то вероятность их произведения равна

А. $P(AB) = P(A)P(B)$;

Б. $P(AB) = P(A)P(A/B)$;

С. $P(AB) = P(A)P(B/A)$;

Д. $P(AB) = P(A/B)P(A)$.

66. В коробке 57 стандартных и 4 бракованных деталей. Среди всех деталей окрашенных 35. Какова вероятность, что выбранная деталь окажется окрашенной, но бракованной?

- A. 140/3721;
- B. 1995/3721;
- C. 104/3721;
- D. 1482/3721.

67. Если $P(A) = P(A / B)$, то события A и B – независимые.

- A. верно;
- B. неверно.

68. Определите вероятность выпадения 12 очков при одновременном бросании двух игральных костей.

- A. 1/36;
- B. 2/6;
- C. 2/36;
- D. 1/3.

69. По какой формуле вычисляется вероятность противоположного события \bar{A} если известна вероятность $P(A)$ события A ?

- A. $P(\bar{A}) = 1 + P(A)$;
- B. $P(\bar{A}) = P(A)P(\bar{A} \cdot A)$;
- C. $P(\bar{A}) = 1 + P(\bar{A} / A)$;
- D. $P(\bar{A}) = 1 - P(A)$.

70. Вероятность попадания в цель равна 0,3, а вероятность её уничтожения 0,05. Найти вероятность того, что при попадании в цель она не будет уничтожена.

- A. 0,1924;
- B. 0,015;
- C. 0,285;
- D. 0,17.

71. Для некоторой местности среднее число пасмурных дней в июле равно 5. Найти вероятность того, что первого и второго июля будет ясная погода.

- A. $650/961$;
- B. $20/961$;
- C. $130/961$;
- D. $104/961$.

72. В ящике находится 45 шариков, из которых 17 белых. Потеряли 2 не белых шарика. Какова вероятность того, что выбранный наугад шарик будет белым?

- A. $17/45$;
- B. $17/43$;
- C. $43/45$.

73. В игральной колоде 36 карт. Наугад выбирается одна карта. Какова вероятность, что эта карта – туз?

- A. $1/36$;
- B. $1/35$;
- C. $1/9$.

74. В корзине лежат грибы, среди которых 10% белых и 40% рыжих. Какова вероятность того, что выбранный гриб белый или рыжий?

- A. 0,5;
- B. 0,4;
- C. 0,04.

75. Бросают два игральных кубика. Какова вероятность того, что выпадут две чётные цифры?

- A. 0,25;
- B. 0,4;
- C. 0,125.

76. Какова вероятность, что при одном броске игрального кубика выпадает число очков, равное чётному числу?

- A. 1/6;
- B. 0,4;
- C. 0,5.

77. Катя и Аня пишут диктант. Вероятность того, что Катя допустит ошибку, составляет 60%, а вероятность ошибки у Ани составляет 40%. Найти вероятность того, что обе девочки напишут диктант без ошибок.

- A. 0,25;
- B. 0,4;
- C. 0,24.

78. Завод выпускает 15% продукции высшего сорта, 25% - первого сорта, 40% - второго сорта, а все остальное – брак. Найти вероятность того, что выбранное изделие не будет бракованным.

- A. 0,8;
- B. 0,1;
- C. 0,015.

79. Какова вероятность, что ребёнок родится 7 числа?

- A. 7/12;
- B. 12/365;
- C. 7/31;
- D. 7/365.

80. Каждый из трёх стрелков стреляет в мишень по одному разу, причём попадания первого стрелка составляет 90%, второго – 80%, третьего – 70%. Найдите вероятность того, что все три стрелка попадут в мишень?

- A. 0,504;
- B. 0,006;
- C. 0,5;
- D. 0,3.

81. В ящике 7 белых и 9 черных шаров. Наудачу вынимают шар и возвращают. Затем снова вынимают шарик. Какова вероятность, что оба шара белые

- A. 25/49;
- B. 49/256;
- C. 16/489.

82. Какова вероятность появления хотя бы одного герба при подбрасывании двух монет?

- A. 1/4;
- B. 1/2;
- C. 3/4.

83. В инструментальном ящике находятся 15 стандартных и 5 бракованных деталей. Из ящика наугад вынимают одну деталь. Найти вероятность того, что эта деталь стандартна

- A. 3/4;
- B. 7/8;
- C. 1/4.

84. В приборе имеются три независимо установленных сигнализатора об аварии. Вероятность того, что в случае аварии сработает первый равна 0.9, второй - 0.7, третий -

0.8. Найдите вероятность того, что при аварии не сработает ни один сигнализатор

- A. 0,0006;
- B. 0,006;
- C. 0,504.

85. Николай и Леонид выполняют контрольную работу. Вероятность ошибки при вычислениях у Николая составляет 70%, а у Леонида – 30%. Найдите вероятность того, что Леонид допустит ошибку, а Николай нет.

- A. 0,21;
- B. 0,49;
- C. 0,5;
- D. 0,09.

86. Музыкальная школа проводит набор учащихся. Вероятность быть не зачисленным во время проверки музыкального слуха составляет 40%, а чувство ритма – 10%. Какова вероятность положительного тестирования?

- A. 0,5;
- B. 0,4;
- C. 0,6;
- D. 0,04.

87. Каждый из трёх стрелков стреляет в мишень по одному разу, причём вероятность попадания 1 стрелка составляет 80%, второго – 70%, третьего – 60%. Найдите вероятность того, что в мишень попадёт только второй стрелок.

- A. 0,336;
- B. 0,056;
- C. 0,224;
- D. 0,144.

88. В корзине лежат фрукты, среди которых 30% бананов и 60% яблок. Какова вероятность того, что выбранный наугад фрукт будет бананом или яблоком?

- A. 0,9;
- B. 0,5;
- C. 0,34;
- D. 0,18.

89. В коробке лежат 4 голубых, 3 красных, 9 зелёных, 6 жёлтых шариков. Какова вероятность того, что выбранный шарик будет не зелёным?

- A. 13/22;
- B. 0,5;
- C. 10/22;
- D. 15/22.

90. В лотерее 1000 билетов, среди которых 20 выигрышных. Приобретается один билет. Какова вероятность того, что этот билет невыигрышный?

- A. 0,02;
- B. 0,2;
- C. 0,98;
- D. 0,09.

91. Имеется 6 учебников, из которых 3 в переплётё. Наудачу берут 2 учебника. Вероятность того, что оба взятых учебника окажутся в переплётё составляет...

- A. 0,2;
- B. 0,3;
- C. 0,5;
- D. 0,4.

92. В цехе работают 7 мужчин и 3 женщины. По табельным номерам наудачу выбирают 3-х человек. Вероятность того, что все отобранные будут мужчинами составит ...

- A. 0,3;
- B. 3/7;
- C. 0,292;
- D. 0,4.

93. В ящике 10 шаров, из которых 6 окрашенных. Наудачу извлекают 4 шара, не возвращая их. Вероятность того, что все вынутые шары окажутся окрашенными, составляет...

- A. 0,6;
- B. 0,071;
- C. 0,142.

94. В ящике 4 красных и 2 синих шара. Из него наудачу берут три шара. Вероятность того, что все эти три шара – красные, равна...

- A. 0,2;
- B. 0,75;
- C. 0,3;
- D. 0,4.

95. Монету подбрасывают 100 раз. Вероятность появления решки 0,42. Сколько раз выпала решка?

- A. 42;
- B. 40;
- C. 50.

96. Студент знает 20 вопросов из 25 вопросов по дисциплине. Ему предлагают 3 вопроса. Вероятность того, что студент знает их, составляет...

- A. 0,9;
- B. 0,8;
- C. 0,495.

97. В урне 4 белых и 3 черных шара. Одновременно вынимают два шара. Вероятность того, что оба шара белые, составляет...

- A. 4/7;
- B. 1/2;
- C. 2/7.

98. Бросают 3 кубика сразу. Вероятность того, что выпадут 3 шестёрки, составляет...

- A. 1/6;
- B. 1/36;
- C. 1/216.

99. Участковый врач в течение недели принял 35 пациентов, из которых пяти пациентам был поставлен диагноз – язва желудка. Определите относительную частоту появления на приёме пациента с заболеванием желудка.

- A. 0,02;
- B. 0,7;
- C. 1/7.

100. В урне находится 6 белых, 9 черных и 5 красных шаров. Какова вероятность вынимания красного шара?

- A. 0,25;
- B. 0,30;
- C. 4,0;
- D. 0,45.

101. Определить относительную частоту заражения гриппом, если из 20 человек, находившихся в контакте с больным, здоровыми остались 8.

- A. 0,4;
- B. 2,5;
- C. 0,6;
- D. 0,8.

102. На приёме у участкового врача в течение недели побывало 72 человека, из которых 16 пациентам был поставлен диагноз - бронхит. Определить относительную частоту появления на приёме пациента, больного бронхитом.

- A. 0,22
- B. 0,78;
- C. 72/16;
- D. 56/72.

103. Определить вероятность выпадения при бросании игральной кости числа очков, меньшего 5.

- A. 5/6;
- B. 6/5;
- C. 4/6;
- D. 3/6.

104. Определите вероятность выпадения нечётного числа очков при бросании игральной кости.

- A. 1/6;
- B. 0,6;
- C. 2/6;
- D. 0,5.

105. События A и B противоположные, если $P(A) = 0,4$,
тогда $P(B) = \dots$

- A. 0,4;
- B. 0,6;
- C. 1;
- D. 0.

106. Если события A и B несовместимые и $P(A) = 0,2$ а
 $P(B) = 0,05$, то $P(A + B) = \dots$

- A. 0,25;
- B. 0,1;
- C. 1;
- D. 0,15.

107. Если $P(B / A) = P(B)$, то события A и B :

- A. достоверные;
- B. противоположные;
- C. зависимые;
- D. верного ответа нет.

108. Условная вероятность события A при условии
 B записывается в виде:

- A. $P(A / B) = \frac{P(A) \cdot P(B)}{P(B)}$;
- B. $P(A / B) = \frac{P(A \cdot B)}{P(A)}$;
- C. $P(B / A) = \frac{P(A \cdot B)}{P(B)}$;
- D. $P(A / B) = \frac{P(A \cdot B)}{P(B)}$.

109. Если $P(AB) = 0,35$ и $P(B) = 0,7$, то $P(A/B) = \dots$

- A. 0,35;
- B. 0,7;
- C. 0,5.

110. Вставьте пропущенное слово. Если наступление события A не изменяет вероятность события B , то такие события A и B называются ###

111. Если наступление события A не изменяет вероятность события B , то такие события A и B называются...

- A. зависимыми;
- B. независимыми;
- C. противоположными.

112. События называются зависимыми

- A. если ни одно из этих событий не является более возможным чем другое;
- B. если появление одного из них не исключает появление другого;
- C. если в результате испытания появится хотя бы одно из них;
- D. если появление одного из них влияет на появление другого.

113. Гипотезами называют события, которые

- A. являются независимыми и образуют полную группу;
- B. являются несовместными;
- C. являются независимыми;
- D. являются несовместными и образуют полную группу.

114. Вероятность произведения двух зависимых событий равна

- A. произведению вероятностей первого из них на вероятность второго;
- B. произведению вероятностей одного из них на вероятность другого, вычисленную при условии, что события независимы;
- C. произведению вероятности одного из них на условную вероятность другого, вычисленную при условии, что первое имело место;
- D. произведению вероятности одного из них на условную вероятность этого события, вычисленную при условии, что второе имело место.

115. Условной вероятностью события A называется

- A. вероятность события A , вычисленная при условии, что вероятность события B приняла определённое значение;
- B. вероятность события A , вычисленная при условии, что имело место другое событие B ;
- C. вероятность события A , вычисленная при условии совместного появления события A и B ;
- D. вероятность события A , вычисленная при условии, что событие B не зависит от события A .

116. Формула полной вероятности события A имеет вид:

- A. $P(A) = P(H_1)P(A/H_1) + P(H_2)P(A/H_2) + \dots + P(H_n)P(A/H_n)$;
- B. $P(A) = P(H_1) + P(H_2) + \dots + P(H_n)$;
- C. $P(A) = P(A/H_1) + P(A/H_2) + \dots + P(A/H_n)$;
- D. $P(A) = P(H_1)P(H_1/A) + P(H_2)P(H_2/A) + \dots + P(H_n)P(H_n/A)$.

117. Формула Байеса имеет вид:

A. $P(H_k / A) = \frac{P(A / H_k)P(H_k)}{\sum_{i=1}^n P(A / H_i) + P(H_i)};$

B. $P(H_k / A) = \frac{P(A / H_k) + P(H_k)}{\sum_{i=1}^n P(A / H_i)P(H_i)};$

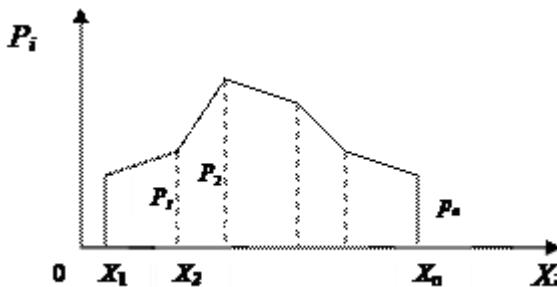
C. $P(A / H_k) = \frac{P(A / H_k)P(H_k)}{\sum_{i=1}^n P(A / H_i)P(H_i)};$

D. $P(H_k / A) = \frac{P(A / H_k)P(H_k)}{\sum_{i=1}^n P(A / H_i)P(H_i)}.$

118. Случайные величины могут быть

- A. только дискретными;
- B. только непрерывными;
- C. либо дискретными, либо непрерывными;
- D. дискретными и непрерывными одновременно.

119. Что изображено на графике?



- A. плотность нормального распределения;
- B. гистограмма;

- C. полигон частот;
- D. многоугольник распределения.

120. Случайная величина – это величина
- A. принимающая то или иное числовое значение, но заранее неизвестно какое именно;
 - B. если условия в которых она происходит, различны;
 - C. явление, которое при совокупности одних и тех же условий может произойти, а может не произойти;
 - D. причины которого неизвестны.

121. Дискретная случайная величина:
- A. число операций в день;
 - B. температура воздуха в течение дня;
 - C. артериальное давление пациента в течение суток;
 - D. число вызовов на станцию скорой помощи за 1 час.

122. Выберите верные утверждения о дискретной случайной величине:
- A. все значения величины X указать нельзя;
 - B. вероятность появления конкретного значения величины X равно нулю;
 - C. величина принимает конечное или счётное множество значений;
 - D. чтобы задать величину X необходимо указать все её значения и вероятности их появления.

123. Какие из приведённых примеров определяют, как случайную величину?
- A. попадание в мишень;
 - B. вес студента;
 - C. количество нервных клеток;
 - D. положительный результат тестирования.

124. Какая характеристика имеет смысл среднего значения случайной величины?

- A. среднее квадратическое отклонение;
- B. дисперсия;
- C. мода;
- D. математическое ожидание.

125. Могут ли изменяться вероятности гипотез после наступления события?

- A. да;
- B. нет.

126. Случайные события могут быть ...

- A. дискретными;
- B. противоположными;
- C. непрерывными;
- D. независимыми.

127. Случайная величина называется дискретной, если она...

- A. принимает значения в некотором промежутке;
- B. принимает конечное множество значений;
- C. принимает конечное или бесконечное множество значений;
- D. принимает конечное или бесконечное, но обязательно счётное множество значений.

128. Выберите верные утверждения о непрерывной случайной величине:

- A. все значения величины X указать нельзя;
- B. вероятность появления конкретного значения величины X равно нулю;

С. величина принимает конечное или счётное множество значений;

Д. чтобы задать величину X необходимо указать все её значения и вероятности их появления.

129. Представлен закон распределения случайной величины X :

x_i	1	5	6	8
p_i	0,1	0,5	0,3	0,1

Величина X :

А. дискретная;

В. непрерывная;

С. может быть и дискретной и непрерывной.

130. Законом распределения случайной величины называется

А. всякое соотношение, устанавливающее связь между возможными значениями случайной величины и вероятностями, которые им соответствуют.

Б. всякое соотношение, устанавливающее связь между возможными значениями случайной величины и функцией распределения;

С. всякое соотношение, устанавливающее связь между случайной величиной и её вероятностью.

131. Непрерывная случайная величина:

А. число операций в день;

Б. температура воздуха в течение дня;

С. артериальное давление пациента в течение суток;

Д. число вызовов на станцию скорой помощи за 1 час.

132. Определите, является ли полной система значений случайной величины X , распределение которой имеет вид:

x_i	-2	-1	2	5	8
p_i	0,2	0,17	0,15	0,23	0,19

- A. да
B. нет.

133. Дискретная случайная величина X задана распределением вероятностей:

x_i	-1	0	3
p_i	0,1	0,3	0,6

Тогда математическое ожидание случайной величины X равно:

- A. 3,8;
B. 4;
C. 1,7;
D. 3,4.

134. Дискретная случайная величина X задана рядом распределения:

x_i	0	1	2	3
p_i	0,1	0,3	0,4	0,2

Математическое ожидание этой случайной величины равно:

- A. 1,7;
B. 2,3;
C. 1,5;
D. 2,0.

135. Математическое ожидание числа выпавших очков при бросании кубика составляет:

- A. 3,5;
- B. 2;
- C. 4 ;
- D. 2,5.

136. Мода вариационного ряда: 1; 4; 4; 5; 6; 8; 9 равна:

- A. 1;
- B. 4;
- C. 37;
- D. 9.

137. Дан числовой ряд: 100; 120; 80; 120; 145; 100; 120; 80; 120; 150. Мода этого ряда:

- A. 150;
- B. 160;
- C. 120;
- D. 113,5.

138. Медианой непрерывной случайной величины называют такое её значение, относительно которого:

- A. равновероятное получение больших и меньших значений этой случайной величины;
- B. все остальные значения обладают меньшей вероятностью;
- C. дисперсия всегда равна нулю.

139. Медианой ряда: 8; 4; 9; 5; 2 является:

- A. 2;
- B. 9;
- C. 5.

140. В таблице приведены данные о признаке и его частотах. Медианой этого ряда является значение признака:

x_i	7	8	9	10	11	12	13	14	15
m_i	3	6	5	1	2	3	2	2	1

- A. 9;
- B. 8;
- C. 12;
- D. 11.

141. Дисперсия характеризует:

- A. наименьшую вероятность случайной величины;
- B. наибольшую вероятность случайной величины;
- C. рассеивание, разброс случайной величины от её математического ожидания;
- D. среднее значение случайной величины.

142. Имеется числовой ряд: 1; 2; 3; 4; 5. Его дисперсия равна:

- A. 2;
- B. 3;
- C. 11.

143. Укажите условие нормировки дискретной случайной величины

- A. $\sum_{i=1}^n p_i = 0$;
- B. $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = 1$;

C. $\sum_{i=1}^n p_i = 1;$

D. $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = 0.$

144. Различаются ли понятия «случайная величина» и «случайное событие»?

A. да;

B. нет;

C. в зависимости от их природы.

145. Если дискретная случайная величина X задана рядом распределения

x_i	1	2	7	9
p_i	0,2	p_2	0,4	p_4

и p_2 больше чем p_4 в 3 раза, то ...

A. $p_2=0,16; p_4=0,04;$

B. $p_2=0,2; p_4=0,05;$

C. $p_2=0,3; p_4=0,1.$

146. Определите математическое ожидание случайной величины X .

x_i	-3	0	5
p_i	0,4	0,1	0,5

A. 3,7;

B. 1,3;

C. 2;

D. 3,8.

147. Случайная величина называется непрерывной, если она

- А. принимает значения в некотором промежутке;
- В. принимает конечное множество значений;
- С. принимает конечное или бесконечное множество значений;
- Д. принимает конечное или бесконечное, но обязательно счётное множество значений.

148. Какие из перечисленных примеров относят к непрерывной случайной величине?

- А. напряжение электрической цепи;
- В. атмосферное давление;
- С. число звонков, поступивших на станцию скорой помощи за сутки;
- Д. количество посетителей аптеки за месяц.

149. Какими из перечисленных способов можно задать закон распределения непрерывной случайной величины?

- А. графический (многоугольник распределения);
- Б. аналитический (плотность распределения);
- С. табличный (ряд распределения);
- Д. аналитический (функция распределения).

150. Допишите формулу условия нормировки

$$\text{непрерывной случайной величины } \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = \dots$$

- А. 0;
- Б. 1;
- С. $F(x)$;
- Д. C .

151. Допишите формулу математического ожидания дискретной случайной величины $M(X) = \sum_{i=1}^n x_i \cdot \dots$

- A. $f(x)$;
- B. p_i ;
- C. m_i ;
- D. dx .

152. Установите соответствия: 1) Среднее квадратическое отклонение, 2) Математическое ожидание, 3) Дисперсия:

- A. $\sigma(X) = \sqrt{D(X)}$;
- B. $D(X) = \sum_{i=1}^n (x_i - M(X))^2 p_i$;
- C. $M(X) = \sum_{i=1}^n x_i p_i$.

153. Допишите формулу дисперсии непрерывной случайной величины $D(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} (x - M(X))^2 \dots dx$

- A. x_i ;
- B. m_i ;
- C. p_i ;
- D. $f(x)$.

154. Допишите формулу дисперсии дискретной случайной величины $D(X) = \sum_{i=1}^n (x_i - M(X))^2 \cdot \dots$

- A. x_i ;

- B. m_i ;
- C. p_i ;
- D. $f(x)$.

155. В формуле закона Гаусса $f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\dots)^2}{2\sigma^2}}$ вставьте пропущенное выражение.

- A. m ;
- B. 1;
- C. $D(X)$;
- D. σ .

156. Какая из формул определяет функцию распределения, если случайная величина непрерывная?

- A. $F(x) = \sum_{i=1}^n p_i$;
- B. $F(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx$;
- C. $F(x) = f'(x)$.

157. Графиком функции распределения непрерывной случайной величины является ...

- A. кривая распределения;
- B. разрывная ступенчатая фигура, состоящая из отрезков, параллельных оси абсцисс;
- C. многоугольник распределения;
- D. бесконечно возрастающая кривая в интервале от 0 до 1.

158. Допишите формулу математического ожидания

$$\text{непрерывной случайной величины } M(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} \dots f(x) dx$$

- A. x ;
- B. p_i ;
- C. x^2 ;
- D. m .

159. Допишите формулу дисперсии непрерывной

$$\text{случайной величины } D(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} \dots f(x) dx$$

- A. x ;
- B. $(x - M(X))^2$;
- C. $(x - M(X))$;
- D. x^2 .

160. Допишите формулу дисперсии дискретной случайной

$$\text{величины } D(X) = \sum_{i=1}^n \dots p_i$$

- A. x ;
- B. $(x_i - M(X))^2$;
- C. $(x_i - M(X))$;
- D. x^2 .

161. Определите верное равенство:

- A. $\sigma = D^2(X)$;
- B. $\sigma = D(\sqrt{X})$;
- C. $\sigma = D(X)$;

D. $\sigma^2 = D(X)$.

162. Какая характеристика характеризует положение случайной величины?

- A. $M(X)$;
- B. $D(X)$;
- C. σ .

163. Какая характеристика переводит единицы измерения?

- A. $M(X)$;
- B. $D(X)$;
- C. σ .

164. Дискретная случайная величина задана рядом распределения:

x_i	3	5	7
p_i	0,2	0,5	0,3

Вычислите среднее квадратическое отклонение σ .

- A. 1,96;
- B. 5,2;
- C. 1,4;
- D. 3,28.

165. Дискретная случайная величина задана законом распределения:

x_i	-1	0	1	2
p_i	0,1	0,3	0,5	0,1

Математическое ожидание величины X составит:

- A. 0,3;
- B. 0,4;

С. 0,6.

166. Дискретная случайная величина X задана таблицей:

x_i	0	1	2
p_i	0,3	0,5	0,2

Математическое ожидание случайной величины равно...

- A. 1,3;
- B. 0,9;
- C. 1,2.

167. Дискретная случайная величина X задана таблицей:

x_i	0	1	2
p_i	0,3	0,5	0,2

Среднее квадратическое отклонение случайной величины X равно:

- A. 0,909;
- B. 0,7;
- C. 0,64.

168. Дискретная случайная величина X задана таблицей:

x_i	-1	0	1
p_i	0,4	0,5	0,1

Математическое ожидание случайной величины равно...

- A. -0,5;
- B. -0,3;
- C. 0.

169. Дискретная случайная величина X задана таблицей:

x_i	-1	0	1
p_i	0,4	0,5	0,1

Среднее квадратическое отклонение случайной величины X равно:

- A. 0,46;
- B. 0,64;
- C. 0,53.

170. Определите, является ли полной система значений случайной величины X , распределение которой имеет вид:

x_i	5	7	8	10	11
p_i	0,2	0,4	0,1	0,2	0,1

- A. да;
- B. нет.

171. Если дискретная случайная величина X задана рядом распределения

x_i	1	2	3	4	5
p_i	0,2	p_2	0,1	0,2	p_5

и p_2 больше чем p_5 в 4 раза, то ...

- A. $p_2=0,16; p_5=0,04;$
- B. $p_2=0,2; p_5=0,05;$
- C. $p_2=0,4; p_5=0,1.$

172. Определите математическое ожидание случайной величины

x_i	2	3	5	6
p_i	0,3	0,4	0,1	0,2

- A. 3,5;
- B. 5,0;
- C. 1,5;
- D. 4,5.

173. Определите математическое ожидание случайной величины

x_i	4	5	8
p_i	0,1	0,7	0,2

- A. 4,5;
- B. 5,5;
- C. 7,0;
- D. 3,5.

174. Определите дисперсию случайной величины

x_i	4	5	8
p_i	0,1	0,7	0,2

- A. 1,65;
- B. 3,5;
- C. 0,55;
- D. 1,0.

175. Найти математическое ожидание дискретной случайной величины, заданной законом распределения:

x_i	-4	6	10
p_i	0,2	0,3	0,5

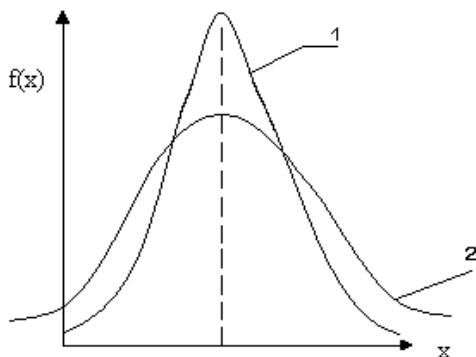
- A. 12;
- B. 8;
- C. 5;
- D. 6.

176. Найти математическое ожидание дискретной случайной величины, заданной законом распределения:

x_i	0,21	0,54	0,61
p_i	0,1	0,5	0,4

- A. 0,535;
 B. 1,36;
 C. 1;
 D. 0,453.

177. Сравните величины σ_x для двух кривых непрерывной случайной величины.



- A. $\sigma_1 > \sigma_2$;
 B. $\sigma_1 < \sigma_2$.

178. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения

$$f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-4)^2}{18}}. \text{ Тогда математическое ожидание}$$

этой нормально распределённой случайной величины равно:

- A. 3;
- B. 18;
- C. 4.

179. Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения: $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{50}}$.

Математическое ожидание m и дисперсия D этой случайной величины равны:

- A. $m = 1, D = 25$;
- B. $m = 5, D = 1$;
- C. $m = 5, D = 25$.

180. Случайная величина X распределена нормально с математическим ожиданием, равным 5 и средним квадратическим отклонением, равным 2 единицы. Тогда плотность распределения этой непрерывной случайной величины имеет вид:

A. $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-5)^2}{8}}$;

B. $f(x) = \frac{1}{5\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{50}}$;

C. $f(x) = \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-2)^2}{50}}$

181. Непрерывная случайная величина X имеет математическое ожидание $m = 10$ и среднее

квадратическое отклонение $\sigma = 5$. С вероятностью 0,9973 величина X попадёт в интервал:

- A. (5; 15);
- B. (0; 20);
- C. (-5; 25).

182. Для стандартизованного нормального распределения величина σ равна:

- A. 1;
- B. 2;
- C. $\pi/2$.

183. Укажите условие нормировки непрерывной случайной величины:

- A. $\sum_{i=1}^n p_i = 1$;
- B. $\int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx = 1$;
- C. $\sum_{i=1}^n p_i = 0$;
- D. $\int_{-\infty}^x f(x)dx = 1$.

184. Вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий...

- А. больше вероятности каждого отдельного события;
- В. меньше вероятности каждого отдельного события;
- С. равна вероятности каждого отдельного события;
- Д. равна вероятности наиболее вероятного события;
- Е. равна вероятности наименее вероятного события.

185. Укажите формулу для определения математического ожидания дискретной случайной величины:

A. $M(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} xf(x)dx ;$

B. $M(X) = \sum_{i=1}^n x_i p_i ;$

C. $M(X) = \sum_{i=1}^0 x_i p_i ;$

D. $M(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx .$

186. Укажите формулу для определения математического ожидания непрерывной случайной величины:

A. $M(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} xf(x)dx ;$

B. $M(X) = \sum_{i=1}^n x_i p_i ;$

C. $M(X) = \sum_{i=1}^0 x_i p_i ;$

D. $M(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx .$

187. Укажите формулу для определения дисперсии дискретной случайной величины:

A. $D(X) = \sum_{i=1}^n (x_i - M(X))^2 p_i ;$

B. $D(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} (x - M(x))^2 dx ;$

C. $D(X) = \sum_{i=1}^n x_i p_i ;$

D. $D(X) = \int_{-\infty}^{+\infty} f(x)dx .$

188. Функция распределения дискретной случайной величины...

A. показывает вероятность того, что случайная величина примет значения меньше величины x , т.е. $F(x) = P(X < x)$

B. показывает вероятность того, что случайная величина примет значения больше величины x , т.е. $F(x) = P(X > x)$

C. равна вероятности того, что случайная величина примет значения x , т.е. $F(x) = P(x)$;

D. показывает вероятность того, что случайная величина примет значения меньше либо равно величины x , т.е. $F(x) = P(X \leq x)$.

189. Функция распределения дискретной случайной величины может быть представлена следующим образом:

$$A. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x \leq x_1, \\ p_1, & \text{если } x_1 < x \leq x_2, \\ p_1 + p_2, & \text{если } x_2 < x \leq x_3, \\ \dots, \\ p_1 + p_2 + \dots + p_n = 0, & \text{если } x > x_n. \end{cases} ;$$

$$B. F(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } x \leq x_1, \\ p_1, & \text{если } x_1 < x \leq x_2, \\ p_1 + p_2, & \text{если } x_2 < x \leq x_3, \\ \dots, \\ p_1 + p_2 + \dots + p_n = 0, & \text{если } x > x_n. \end{cases};$$

$$C. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x \leq x_1, \\ p_1, & \text{если } x_1 < x \leq x_2, \\ p_1 + p_2, & \text{если } x_2 < x \leq x_3, \\ \dots, \\ p_1 + p_2 + \dots + p_n = 1, & \text{если } x > x_n. \end{cases};$$

$$D. F(x) = \begin{cases} 0, & \text{если } x \geq x_1, \\ p_1, & \text{если } x_1 < x \leq x_2, \\ p_1 + p_2, & \text{если } x_2 < x \leq x_3, \\ \dots, \\ p_1 + p_2 + \dots + p_n = 1, & \text{если } x > x_n. \end{cases}.$$

190. Укажите формулу для определения среднего квадратического отклонения случайной величины:

- A. $\sigma(X) = D\sqrt{X}$;
- B. $\sigma(X) = D(X^2)$;
- C. $\sigma(X) = \sqrt{D(X)}$;
- D. $\sigma(X) = D^2(X)$.

191. Функция распределения непрерывной случайной величины указывает вероятность нахождения случайной

величины в некотором интервале, отнесённую к ширине этого интервала.

- А. верно;
- В. неверно.

192. Функция распределения непрерывной случайной величины указывает вероятность того, что случайная величина принимает значения меньшие x .

- А. верно;
- В. неверно.

193. Площадь фигуры, ограниченной графиком функции плотности вероятности нормального закона распределения и осью абсцисс, равна 1.

- А. верно;
- В. неверно.

194. Дисперсия характеризует среднее значение случайной величины.

- А. верно;
- В. неверно.

195. Укажите правильные высказывания:

- А. Среднее квадратическое отклонение характеризует среднее значение случайной величины.
- Б. Математическое ожидание характеризует среднее значение случайной величины.
- С. Дисперсия характеризует рассеяние случайной величины относительно её математического ожидания.
- Д. Случайная величина называется непрерывной, если она принимает любые значения внутри некоторого интервала.
- Е. Случайная величина называется дискретной, если она принимает любое из значений в некотором интервале.

196. Укажите формулу плотности вероятности нормально распределённой непрерывной случайной – формулу Гаусса:

A. $f(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}$;

B. $f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x+m)^2}{2\sigma^2}}$;

C. $f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-m)^2}{2\sigma^2}}$

197. Случайная величина X распределена нормально $m = 12$ $\sigma = 3$. Укажите функцию плотности распределения величины X :

A. $f(x) = 3 \frac{1}{2\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-12)^2}{9}}$;

B. $f(x) = \frac{1}{12\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-3)^2}{18}}$;

C. $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-12)^2}{18}}$;

D. $f(x) = \frac{1}{3\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-12)^2}{6}}$.

198. Вероятность любого отдельного значения дискретной случайной величины равна

A. 0;

B. 1;

C. от 0 до 1;

D. близка к 0.

199. Функция плотности вероятности

A. $f(x) = F'(x)$;

B. $f(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} F(x) dx$;

C. $f(x) = F''(x)$.

200. Нормальный закон распределения (закон Гаусса) представлен

A. только для дискретной величины;

B. и для дискретной, и для непрерывной случайной величины;

C. только для непрерывной величины;

201. Площадь фигуры, ограниченной графиком плотности распределения и осью абсцисс, приближённо равна

A. 1;

B. 0,5;

C. 0,1;

D. 100.

202. Форма кривой распределения непрерывной случайной величины X

A. асимметричная;

B. симметричная;

C. зависит от распределения случайной величины;

D. симметрична относительно начала координат.

203. Какое число пропущено в функции Лапласа

$$\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^x e^{-\frac{(t-m)^2}{2}} dt ?$$

- A. e ;
- B. π ;
- C. ε ;
- D. δ .

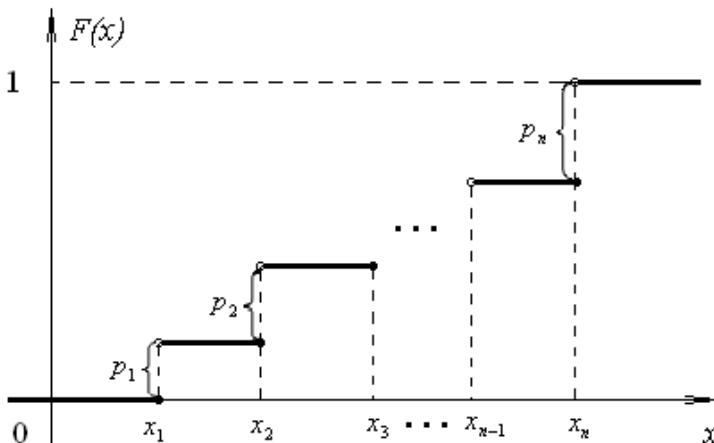
204. Функция распределения непрерывной случайной величины указывает ...

- A. вероятность нахождения случайной величины в некотором интервале, отнесённую к ширине этого интервала;
- B. вероятность того, что случайная величина находится в интервале от x до $x + \Delta x$;
- C. вероятность того, что случайная величина принимает значения, меньше x .

205. Плотность вероятности непрерывной случайной величины указывает:

- A. вероятность нахождения случайной величины в некотором интервале, отнесённую к ширине этого интервала;
- B. вероятность того, что случайная величина находится в интервале от x до $x + \Delta x$;
- C. вероятность того, что случайная величина принимает значения, меньше x .

206. График какой функции изображён на рисунке?



- A. функция распределения непрерывной случайной величины;
 B. функция распределения дискретной случайной величины;
 C. функция плотности вероятности непрерывной случайной величины;
 D. функция плотности вероятности дискретной случайной величины.

207. Вероятность попадания непрерывной случайной величины X в интервал $[a; b]$ определяется формулой?

A. $P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a);$

B. $P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x)dx = F(b) + F(a);$

C. $P(a \leq X \leq b) = \int_a^b xf(x)dx = F(b) - F(a);$

$$D. P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x)dx = F(b) - F(a).$$

208. Выберите верные утверждения о непрерывной случайной величине:

- A. функция распределения непрерывной случайной величины указывает вероятность нахождения случайной величины в некотором интервале, отнесённую к ширине этого интервала;
- B. вероятность появления какого-либо события из нескольких несовместных событий меньше вероятности каждого отдельного события;
- C. плотность вероятности непрерывной случайной величины указывает вероятность того, что случайная величина принимает значения не больше x ;
- D. функция распределения непрерывной случайной величины указывает вероятность того, что случайная величина принимает значения меньше x .

209. Выберите верные утверждения о случайной величине:

- A. плотность вероятности непрерывной случайной величины указывает вероятность нахождения случайной величины в некотором интервале, отнесённую к ширине этого интервала;
- B. площадь фигуры, ограниченной графиком функции плотности вероятности нормального закона распределения и осью абсцисс, равна 0,5;
- C. площадь фигуры, ограниченной графиком функции плотности вероятности нормального закона распределения и осью абсцисс, равна 1;
- D. математическое ожидание характеризует среднее значение случайной величины.

210. Выберите верные утверждения о случайной величине:
- А. математическое ожидание характеризует среднее значение случайной величины;
 - В. дисперсия характеризует рассеяние случайной величины относительно её математического ожидания;
 - С. Случайная величина называется дискретной, если она принимает любое из значений в некотором интервале.

V. Элементы математической статистики

1. Математическая статистика ...

- А. исследует закономерности, присущие массовым случайным событиям, величинам, процессам;
- В. это наука о математических методах систематизации и использования статистических данных для решения научных и прикладных задач;
- С. это наука об измерениях, методах и средствах обеспечения их единства и способах достижения требуемой точности.

2. Задачей математической статистики является

- А. определение математического ожидания, дисперсии и среднеквадратического отклонения случайных величин;
- В. исследование закономерностей распределения случайных величин;
- С. анализ данных из большой совокупности, полученных в результате измерений, и выяснение, какому распределению они соответствуют.

3. Часть исследуемых объектов, выбранных случайным образом, называется ...

- А. генеральной совокупностью;

В. выборочной совокупностью;
С. вариационным рядом.

4. Вся совокупность исследуемых объектов, объединённых по определённому признаку, называется

- А. вариационным рядом;
- В. генеральной совокупностью;
- С. выборочной совокупностью.

5. «Репрезентативность» выборочной совокупности означает ...

- А. что выборка должна наиболее точно отображать все свойства генеральной совокупности;
- В. что данные, содержащиеся в выборке, должны быть упорядочены;
- С. что данные для выборки должны быть отобраны неслучайно;
- Д. все ответы неверные.

6. Ранжированным статистическим рядом называют такой статистический ряд, в котором варианты расположены ...

- А. только в порядке убывания;
- Б. только в порядке возрастания;
- С. В порядке возрастания или убывания.

7. «Варианты» означают ...

- А. относительные частоты;
- Б. значения случайной величины;
- С. вероятности;
- Д. абсолютные частоты.

8. Простой статистический ряд – это ...

- A. совокупность всех значений случайной величины и соответствующих им вероятностей;
- B. совокупность относительных частот всех вариантов выборки;
- C. значения величины x выборки, записанные в последовательности измерений;
- D. совокупность всех вариантов выборки и соответствующих им относительных частот.

9. Вариационным рядом в медицинской литературе называют...

- A. ранжированный статистический ряд;
- B. интервальное распределение.

10. Какие величины составляют вариационный ряд?

- A. относительные частоты;
- B. варианты;
- C. вероятности;
- D. абсолютные частоты.

11. Статистическим распределением называется

- A. перечень вариант;
- B. перечень вариант или интервалов и соответствующих частот;
- C. перечень вариант или интервалов и соответствующих вероятностей;
- D. перечень значений случайной величины или её интервалов и соответствующих вероятностей.

12. Утверждение, что из одной генеральной совокупности можно извлечь только одну выборку...

- A. верно;
- B. неверно.

13. Оценкой параметра называется

- A. приближенное случайное значение параметра генеральной совокупности, которое определяется по всем данным генеральной совокупности;
- B. приближенное случайное значение параметра генеральной совокупности, которое определяется по данным выборки;
- C. приближенное неслучайное значение параметра генеральной совокупности, которое определяется по данным выборки.

14. Укажите формулу нахождения среднего значения

A. $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i p_i ;$

B. $\bar{X} = \sqrt{D} ;$

C. $\bar{X} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}} ;$

D. $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i m_i .$

15. Для нахождения оценки дисперсии используют формулу:

A. $D = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2}{n(n-1)} ;$

B. $D = \sigma^2 ;$

C. $D = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2 \cdot m_i}{n-1} ;$

$$D. D = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2 \cdot m_i}{n-1}}.$$

16. Среднее квадратическое отклонение среднего обозначают:

- A. σ ;
- B. ε ;
- C. σ_n ;
- D. ω_n .

17. При пятикратном измерении массы таблетки лекарственного вещества получены следующие значения: 100, 99, 100, 102, 99 (мг). Определите средний вес таблетки.

- A. 101;
- B. 100;
- C. 99;
- D. 102.

18. Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=50$

x_i	2	5	7	10
m_i	16	12	8	14

Найдите выборочную среднюю \bar{X} .

- A 24;
- B 5,76;
- C 50;
- D 0,48.

19. Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n=60$

x_i	1	3	6	26
m_i	8	40	10	2

Найдите выборочную среднюю \bar{X} .

- A 60;
- B 36;
- C 4;
- D 20.

20. Определите среднее квадратическое отклонение среднего σ_n , если в рассматриваемой выборке из 25 элементов дисперсия $D(X) = 100$.

- A. 10;
- B. 4;
- C. 5;
- D. 2.

21. Доверительный интервал обозначается

- A. $(\bar{X} - \alpha; \bar{X} + \alpha)$;
- B. $(\bar{X} - \Delta; \bar{X} + \Delta)$;
- C. $(\bar{X} - \varepsilon; \bar{X} + \varepsilon)$;
- D. $(\Delta - \bar{X}; \Delta + \bar{X})$.

22. Доверительная вероятность – это ...

- A. вероятность, с которой истинное значение случайной величины, попадает в доверительный интервал;

В. предел, к которому стремится относительная частота при неограниченном увеличении общего числа испытаний $n \rightarrow \infty$;

С. отношение числа испытаний, благоприятствующих наступлению события, к общему числу испытаний.

23. Алгоритм нахождения доверительного интервала зависит от ...

- А. доверительной вероятности;
- Б. объёма выборки;
- С. коэффициента Стьюдента;
- Д. коэффициента Лапласа.

24. Допишите формулу нахождения среднего значения $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i m_i$.

- А. n ;
- Б. $n-1$;
- С. σ ;
- Д. $\sqrt{2\pi}$

25. Допишите формулу оценки дисперсии

$$D = \frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{X})^2 m_i}{\dots}.$$

- А. n ;
- Б. $n(n-1)$;
- С. $n-1$;
- Д. \sqrt{n}

26. При измерении веса детёныша панды в течение двух месяцев получены следующие результаты: 92, 100, 97, 108, 110 (гр.). Определите средний вес.
- A. 104,1;
B. 100;
C. 101,4;
D. 102.
27. Определите среднее квадратичное отклонение среднего σ_n , если в рассматриваемой выборке из 16 элементов дисперсия $D(X) = 121$.
- A. 30,25;
B. 2,75;
C. 7,5625;
D. 11.
28. Доверительный интервал $(\bar{X} - \dots; \bar{X} + \dots)$.
- A. α ;
B. ε ;
C. Δ ;
D. σ .
29. Доверительная вероятность обозначается ...
- A. α ;
B. ε ;
C. Δ ;
D. σ .
30. Допишите формулу определения необходимого количества измерений в эксперименте $n = \frac{t_{\alpha}^2 \cdot \dots}{\Delta^2}$.

- A. α ;
- B. σ^2 ;
- C. σ ;
- D. π .

31. Укажите формулу определения необходимого количества измерений в эксперименте

A. $n = \frac{t_{st}^2 \cdot \sigma^2}{\Delta^2}$;

B. $n = \frac{t_\alpha^2 \cdot \Delta^2}{\sigma^2}$;

C. $n = \frac{t_\alpha^2 \cdot \sigma^2}{\Delta^2}$;

D. $n = \frac{t_\alpha^2 \cdot \sigma_n^2}{\Delta^2}$.

32. От каких параметров зависит коэффициент t_{st} ?

- A. объем выборки n ;
- B. погрешность доверительного интервала Δ ;
- C. среднее квадратическое отклонение σ ;
- D. доверительная вероятность α .

33. Доверительная вероятность определяет ...

- A. уровень ошибки;
- B. уровень доверия;
- C. уровень значимости.

34. Гистограмма дискретной случайной величины представляет собой ...

- A. совокупность вертикальных отрезков, перпендикулярных оси абсцисс, высотами которых являются частоты;
- B. ступенчатая фигура, состоящая из прямоугольников, основаниями которых являются длины интервалов Δx_i , а высотами – частоты.
- C. разрывная ступенчатая фигура, состоящая из отрезков, параллельных оси абсцисс.

35. Выберите правильную запись:

- A. $102,5 \pm 0,174$;
B. $102,47 \pm 0,174$;
C. $102,47 \pm 0,17$;
D. $103 \pm 0,1$.

36. Дополните формулу нахождения относительной частоты $\varepsilon = \frac{\dots}{\bar{X}} \cdot 100\%$

- A. n ;
B. s_n ;
C. Δ .

37. Что означает доверительная вероятность $\alpha = 0,999$

- A. вероятность ошибки 99,9%;
B. вероятность ошибки 0,001%;
C. верных ответов нет.

38. Укажите правильные высказывания:

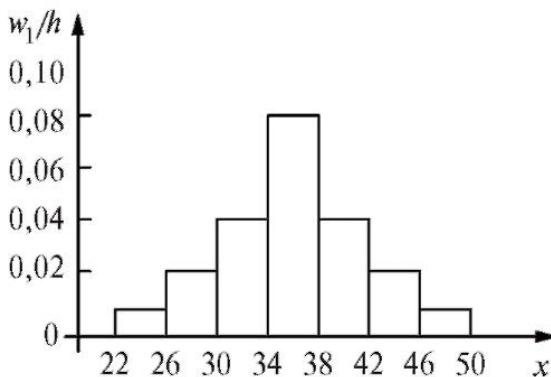
- A. среднее квадратическое отклонение характеризует среднее значение случайной величины;

- В. дисперсия характеризует рассеяние случайной величины относительно её математического ожидания;
- С. математическое ожидание характеризует среднее значение случайной величины;
- Д. случайная величина называется непрерывной, если она принимает любые значения внутри некоторого интервала;
- Е. случайная величина называется дискретной, если она принимает любое из значений в некотором интервале.

39. Гистограмма непрерывной случайной величины представляет собой ...

- А. совокупность вертикальных отрезков, перпендикулярных оси абсцисс, высотами которых являются частоты;
- Б. ступенчатая фигура, состоящая из прямоугольников, основаниями которых являются длины интервалов Δx_i , а высотами – частоты.
- С. разрывная ступенчатая фигура, состоящая из отрезков, параллельных оси абсцисс.

40. Чему равна величина интервала Δx на изображённом графике?



- A. 5;
 B. 4;
 C. 0,02;
 D. 30.

41. Укажите формулу нахождения коэффициента вариации

- A. $\varepsilon = \frac{\Delta}{\bar{X}} \cdot 100\% ;$
 B. $\delta \bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - \bar{X}|}{n} ;$
 C. $\omega_n = \frac{s_n}{\bar{X}} \cdot 100\% .$

42. Укажите формулу нахождения относительной погрешности

- A. $\varepsilon = \frac{\Delta}{\bar{X}} \cdot 100\% ;$
 B. $\delta \bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - \bar{X}|}{n} ;$
 C. $\omega_n = \frac{s_n}{\bar{X}} \cdot 100\% .$

43. Укажите формулу нахождения абсолютной погрешности

- A. $\varepsilon = \frac{\Delta}{\bar{X}} \cdot 100\% ;$

$$\text{B. } \delta\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^n |x_i - \bar{X}|}{n};$$

$$\text{C. } \omega_n = \frac{s_n}{\bar{X}} \cdot 100\%.$$

44. Выберите правильную запись:

- A. $91,5 \pm 0,124$;
- B. $92 \pm 0,12$;
- C. $91,5 \pm 0,12$;
- D. $91,5 \pm 0,1$.

45. Дополните формулу нахождения относительной погрешности $\varepsilon = \frac{\Delta}{\dots} \cdot 100\%$

- A. n ;
- B. \bar{X} ;
- C. Δ .

46. Какой уровень значимости считается допустимым для большинства медико-биологических исследований?

- A. $\beta < 0,5$;
- B. $0,05 < \beta < 0,01$;
- C. $\beta < 0,05$.

47. Модой называется:

- A. Варианта с наибольшей частотой
- B. Варианта с наименьшей частотой
- C. Варианта, находящаяся в середине ряда

48. Медианой называется:

- A. Варианта с наибольшей частотой
- B. Варианта с наименьшей частотой
- C. Варианта, находящаяся в середине ряда

49. Коэффициент вариации применяется в целях:

- A. Определения разности между наибольшей и наименьшей вариант
- B. Определения частоты вариант в вариационном ряду
- C. Сравнения признаков, выраженных в разных единицах измерения

50. Из всех видов распределения в медико-биологических исследованиях наиболее часто встречается:

- A. Биномиальные
- B. Нормальное
- C. Пуасссона

51. Вариационный ряд состоит из:

- A. Набора вариант
- B. Набора ошибок репрезентативности
- C. Набора частот
- D. Набора отклонений

52. Укажите виды вариационных рядов:

- A. Частотный
- B. Полный
- C. Прерывный (дискретный)
- D. Интервальный (сгруппированный)

53. К показателям разнообразия вариационного ряда относятся

- A. Размах (амплитуда)

- B. Мода
- C. Медиана
- D. Среднее квадратическое отклонение
- E. Коэффициент вариации

54. Статистические таблицы:

- A. Являются рациональной формой представления сводных количественных данных;
- B. Должны иметь чёткое и краткое заглавие, отражающее содержание статистического материала;
- C. Не требуют итоговых граф/строк;
- D. Используются для группировки материалов статистического наблюдения;
- E. Содержат только абсолютные величины.

55. К статистической таблице можно отнести:

- A. Таблицу умножения;
- B. Таблицу, содержащую показатели заболеваемости населения;
- C. Таблицу «Периодическая система элементов Д.И. Менделеева»;
- D. Таблицу, характеризующую численность населения по полу и возрасту.

56. Какое из приведённых ниже требований к выборочной совокупности является основным:

- A. Однородность;
- B. Типичность;
- C. Репрезентативность;
- D. Достаточность количества наблюдений.

57. Для большинства медико-биологических исследований оптимальной является вероятность безошибочного прогноза

- A. 60,0% ;
- B. 68,3% ;
- C. 95,5% .

58. Главным свойством выборки является:

- A. Вариабельность;
- B. Репрезентативность;
- C. Достоверность.

59. Главным требованием к формированию выборки является:

- A. Направленность отборки;
- B. Точность отбора;
- C. Случайность отбора.

60. Под количественной репрезентативностью понимается:

- A. Охват всех возможных единиц наблюдений;
- B. Достаточное число наблюдений;
- C. Количественное соотношение изучаемых признаков.

61. Под качественной репрезентативностью понимается:

- A. Качественная полноценность выборочной совокупности;
- B. Наличие качественных признаков в выборочной совокупности;
- C. Соответствие признаков единиц наблюдения в выборочной совокупностях.

62. Ошибка репрезентативности показывает:

- A. Степень разнообразия изучаемого признака;
- B. Уровень вероятности безошибочного прогноза;
- C. На сколько отличаются показатели выборочной и генеральной совокупностей.

63. Что такое малая выборка?

- A. $n \leq 100$;
- B. $n \leq 30$;
- C. $n \leq 50$.

64. Под доверительным интервалом понимают:

- A. Пределы возможных колебаний показателя в генеральной совокупности;
- B. Доверительный коэффициент;
- C. Интервал, в пределах которого колеблется средняя арифметическая в вариационном ряду.

65. Репрезентативность выборки должна быть:

- A. Качественной;
- B. Полной;
- C. Количественной;
- D. Случайной.

66. Величина доверительного коэффициента (t) определяется:

- A. Уровнем вероятности;
- B. Способом расчёта показателя;
- C. Разнообразием.

67. Что устанавливает закон больших чисел?

- A. Распределение случайных величин с заданной достоверностью;

- В. Закономерную устойчивость некоторых средних в массовых случайных явлениях;
- С. Тенденцию показателя выборочной совокупности при увеличении числа наблюдений максимально приближаться к генеральной совокупности.
68. Размах варьирования равен 12 для вариационного ряда
- A. 8, 9, 9, 12, 12, 12, 13, 14, 15, 16, 17, 19;
- B. 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12;
- C. 2, 4, 6, 9, 12, 14, 15, 17, 18;
- D. 1, 3, 4, 6, 8, 11, 13.
69. Основная гипотеза имеет вид $H_0 : p = 0,6$. Тогда конкурирующей может являться гипотеза:
- A. $p \geq 0,6$;
- B. $p \leq 1$;
- C. $p > 0,5$;
- D. $p > 0,6$.
70. Дан доверительный интервал (16,64; 18,92) для оценки математического ожидания нормально распределённого количественного признака. Тогда при увеличении объёма выборки этот доверительный интервал может принять вид
- A. (16,15; 18,38);
- B. (17,18; 18,92);
- C. (17,18; 18,38);
- D. (16,15; 19,41).
71. Размах варьирования вариационного ряда – 1, 2, 3, 4, 5, 7, 8, 10, 12, 14 равен
- A. 10;
- B. 5;

- C. 13;
D. 15.

72. Статистическое распределение выборки имеет вид:

Δx_i	25-75	75-125	125-175	175-225	225-275	275-325
m_i	12	15	9	7	4	3

Тогда объем выборки равен?

- A. 300;
B. 50;
C. 6;
D. 100.

73. Статистическое распределение выборки имеет вид:

x_i	10,5	11	11,5	12	12,5	13	13,5
m_i	2	18	40	25	6	5	4

Тогда объем выборки равен?

- A. 3;
B. 50;
C. 7;
D. 100.

74. Точечная оценка вероятности биноминально распределённого количественного признака равна 0,38.

Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

- A. (0,29; 0,49);
B. (-0,04; 0,81);
C. (0,25; 0,51);
D. (0,38; 0,51).

75. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n = 100$:

x_i	3	4	5	6	7
m_i	7	m_2	45	21	2

Тогда относительная частота варианты $x_2 = 4$ равна ...

- A. 0,04;
- B. 0,24;
- C. 0,25;
- D. 0,75.

76. Из генеральной совокупности извлечена выборка объёма $n = 81$:

x_i	1	2	4	5	6
m_i	5	14	m_3	22	6

Тогда значение m_3 равно ...

- A. 47;
- B. 33;
- C. 34;
- D. 81.

77. Если все варианты x_i исходного вариационного ряда уменьшить на три единицы, то выборочное среднее \bar{X} :

- A. уменьшится на три единицы;
- B. не изменится;
- C. уменьшится в три раза;
- D. увеличится на три единицы.

78. Дан доверительный интервал $(12,02; 16,28)$ для оценки математического ожидания нормально распределённого количественного признака. Тогда при уменьшении объёма выборки этот доверительный интервал может принять вид
A. $(12,52; 15,78)$;

- B. (12,02; 16,92);
- C. (9,89; 16,28);
- D. (11,71; 16,59).

79. По выборке объёма $n = 10$ найдена выборочная дисперсия $D = 3,6$. Тогда среднее квадратическое отклонение среднего равно ...

- A. 0,6;
- B. 4,0;
- C. 1,6;
- D. 3,24.

80. Для проверки нулевой гипотезы $H_0 : M(X) = M(Y)$ при заданном уровне значимости равном $\alpha = 0,01$ выдвинута конкурирующая гипотеза $H_1 : M(X) \neq M(Y)$. Тогда область принятия гипотезы может иметь вид:

- A. $P(k < -2,88) + P(k > 2,88) = 0,01$;
- B. $P(k < -2,88) + P(k > 2,88) = 0,99$;
- C. $P(-2,88 < k < 2,88) = 0,99$;
- D. $P(k > 2,88) = 0,01$.

81. Разность между сравниваемыми величинами при $n > 30$ считается существенной (достоверной) если:

- A. $t = 2$;
- B. $1 \leq t \leq 2$;
- C. $t \geq 2$.

82. Оценка достоверности полученного значения критерия t для малых выборок проводится по:

- A. Специальной формуле;
- B. По таблице Стьюдента;

С. По принципу $t \geq 2$.

83. Распределите в правильной последовательности нахождение доверительного интервала по Лапласу ($n > 30$): 1. записать полученный результат в виде промежутка $x_1 \leq X \leq x_2$ с доверительной вероятностью α ; 2. задать доверительную вероятность α ; 3. вычислить погрешность доверительного интервала $\Delta = t_\alpha \cdot \sigma_n$; 4. определить коэффициент Лапласа t_α (по таблице Лапласа); 5. найти оценки параметров генеральной совокупности \bar{X} , σ_n ; 6. найти доверительные границы x_1 и x_2 .

84. Распределите в правильной последовательности нахождение доверительного интервала по Стьюденту ($n \leq 30$): 1. записать полученный результат в виде промежутка $x_1 \leq X \leq x_2$ с доверительной вероятностью α ; 2. задать доверительную вероятность α ; 3. вычислить погрешность доверительного интервала $\Delta = t_{st} \cdot s_n$; 4. определить коэффициент Стьюдента t_{st} (по таблице Стьюдента); 5. найти оценки параметров генеральной совокупности \bar{X} , s_n ; 6. найти доверительные границы x_1 и x_2 .

85. При уровне значимости $\beta=0,05$ доверительная вероятность равна....

- A. 0,99;
- B. 0,995;
- C. 0,95;
- D. 0,05;

E. 0,5.

86. Уровень значимости β связан с доверительной вероятностью p следующим образом:

A. $\beta = \frac{1}{p}$;

B. $\beta = 1 - p$;

C. $\beta = 1 - p^2$;

D. $\beta = \frac{1}{p^2}$.

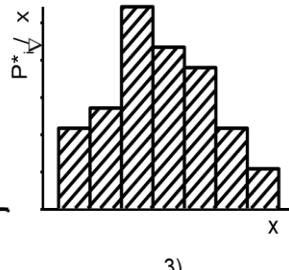
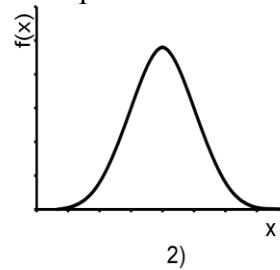
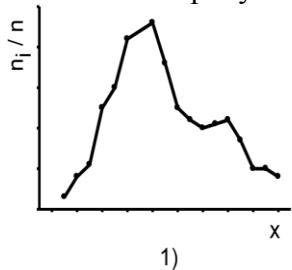
87. С увеличением доверительной вероятности доверительный интервал...

A. увеличивается;

B. уменьшается;

C. остаётся без изменения.

88. На каком рисунке изображён полигон частот:

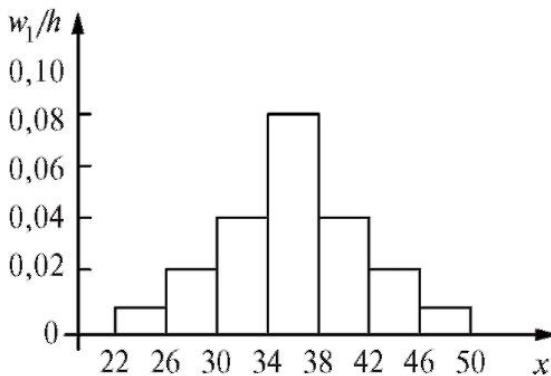


A. 1);

B. 2);

C. 3).

89. Что изображено на графике?



- A. гистограмма дискретного вариационного ряда;
 B. полигон частот дискретного вариационного ряда;
 C. гистограмма интервального вариационного ряда;
 D. полигон частот интервального вариационного ряда.

90. Коэффициент Стьюдента зависит от...

- A. объёма выборки;
 B. средней выборочной;
 C. генеральной средней;
 D. доверительной вероятности;
 E. генерального среднего квадратического отклонения.

91. Укажите правильные высказывания

- A. При построении гистограммы частот по оси ординат откладывают значения вероятностей случайной величины, а по оси абсцисс - границы интервалов.
 B. При построении полигона частот по оси ординат откладывают абсолютные или относительные частоты вариант точечного статистического распределения, а по оси абсцисс - значения вариант выборки.
 C. Если при построении гистограммы по оси ординат отложить отношение относительной частоты попадания

вариант в данный интервал к ширине интервала, то площадь каждого прямоугольника будет равна единице.

D. Если при построении гистограммы по оси ординат отложить отношение относительной частоты попадания вариант в данный интервал к ширине интервала, то сумма площадей прямоугольников будет равна единице.

92. С увеличением уровня значимости доверительный интервал увеличивается.

- A. верно;
- B. неверно.

93. Доверительная вероятность связана с уровнем значимости следующим соотношением $\beta = 1 - p$.

- A. верно;
- B. неверно.

94. Рассеяние значений изучаемого признака генеральной совокупности от генеральной средней оценивают генеральной дисперсией или генеральным средним квадратическим отклонением.

- A. верно;
- B. неверно.

95. Что устанавливает закон больших чисел?

- A. Распределение случайных величин с заданной достоверностью;
- B. Закономерную устойчивость некоторых средних в массовых случайных явлениях;
- C. Тенденцию показателя выборочной совокупности при увеличении числа наблюдений максимально приближаться к генеральной совокупности.

96. Регрессионный анализ позволяет:

- А. Установить достоверность различия между показателями;
- Б. УстраниТЬ неоднородность сравниваемых групп;
- С. Определить взаимосвязь между признаками без измерения её величины;
- Д. Дать количественную оценку взаимосвязи между признаками.

97. Корреляционный анализ устанавливает:

- А. Наличие связи;
- Б. Длительность связи;
- С. Силу связи;
- Д. Направление связи.

98. Укажите способы представления корреляционной связи:

- А. Корреляционная таблица;
- Б. Корреляционное поле;
- С. Корреляционный ряд;
- Д. Коэффициент корреляции.

99. Укажите методы расчёта коэффициента корреляции:

- А. Метод квадратов (Пирсона);
- Б. Метод рангов (Спирмена);
- С. Метод Фишера.

100. Под корреляцией понимается:

- А. Взаимосвязь между изучаемыми признаками;
- Б. Изучение изменения явления во времени;
- С. Взаимопроникновение изучаемых признаков.